

Per Bremer Rasmussen
Thomas Thomsen

30. juli 1991

ADAMs investeringsrelationer: Estimation med ændrede lagfordelinger i usercost og inflationsforventninger

Resumé:

Den generelle specifikation i de nuværende relationer for investeringer i maskiner og investeringer i bygninger og anlæg fastholdes; men laglængden i inflationsforventningerne samt i user-cost søges optimeret.

Det vises, at der, i forhold til de nuværende relationer, er behov for et væsentligt længere lag i inflationsforventningerne samt ændret lagfordeling i user-cost. Uden at relationerne bliver problemfri, opnås højere forklaringsgrad, mindre systematik i residualerne og mere stabile parametre.

Det længere lag i inflationsforventningerne betyder, at user-cost i højere grad kommer til at afspejle udviklingen i den nominelle rente efter skat, hvilket specielt medfører, at rentefaldene både i 82/83 og igen i 84/85 kommer til at slå ud i øgede user-costs.

Marginalegenskaberne påvirkes kun afgørende for så vidt angår koefficienterne til user-cost. For begge investeringskategorier bliver der tale om ca. en 3-dobling af renteelasticiteterne.

Marginalegenskaberne i de foretrukne relationer vises dels i partielle investeringsmodeller, dels i den samlede model. Det karakteristiske træk er her, udover den højere renteelasticitet, det længere lag i inflationsforventningerne.

1. Indledning.

I vores papir af 3. marts 1991 blev teorigrundlaget for de nuværende relationer for private investeringer i maskiner, $fIpm$, og bygninger, $fIpb$, gennemgået. Relationerne blev reestimeret på endelige nationalregnskabstal frem til både 1987 og med foreløbige tal frem til 1989. For begge investeringskategorier viste der sig en række problemer med de nuværende specifikationer:

- De oprindelige relationer har store systematiske ex-post-forudsigelsesfejl i 80'erne, hvor maskininvesteringerne undervurderes meget kraftigt frem til 1986, mens bygningsinvesteringerne systematisk overvurderes.
- De reestimerede relationer er kendtegnet ved kraftige ændringer af parameterestimaterne, specielt til user-cost, (hvor koefficienterne i forhold til de oprindelige relationer reduceres til 1/5 og 1/4 for hhv $fIpm$ og $fIpb$) samt generelt store problemer med parameterstabilitet, som ovenstående antyder, bl.a. i form af signifikante chow-teststørrelser for strukturelle brud i 80'erne.

Det blev på baggrund af papiret konkluderet, at eneste mulige forbedring af relationerne, inden for en tidshorisont frem til næste modelversion, er en ændret lagstruktur i inflationsforventningerne i user-cost-udtrykket, der nok må betegnes som forholdsvis kort i de eksisterende relationer, specielt for bygningsinvesteringerne.

I dette papir gennemgås derfor en række estimationsforsøg med ændret lagstruktur, dels i prisforventningerne i user-cost-udtrykket, dels i selve user-cost-udtrykket i relationerne; men med uændret specifikation i øvrigt. I ADAM nov89 er lagstrukturen som følger:

	Prisforventninger	Lags i usercosts
Maskiner	$0.5 \cdot p_t + 0.5 \cdot p_{t-1}$	$0.8 \cdot uc_t + 0.1 \cdot uc_{t-1} + 0.1 \cdot uc_{t-2}$
Bygninger	$0.33 \cdot p_t + 0.33 \cdot p_{t-1} + 0.33 \cdot p_{t-2}$	$0.33 \cdot uc_{t-1} + 0.33 \cdot uc_{t-2} + 0.33 \cdot uc_{t-3}$

Grundlaget for de estimerede relationer er, som gennemgået i ovennævnte papir, kapitaltilpasningsprincippet, hvor det ønskede kapitalapparat bestemmes ud fra en optimal kapitalkvote, der afhænger af user-cost i forhold til den forventede afsætningspris. Formuleret i absolute ændringer giver dette:

$$D(fT) = ab_1 D(fX^e) + acD(uc \cdot fX^e) - (a-d)fIn_{-1} \quad (1)$$

hvor D er differensoperatoren og:

fI	=	faste bruttoinvesteringer
fX^e	=	forventet produktion
uc	=	reale user-costs
px^e	=	forventet pris på produktionen
fIn	=	nettoinvesteringer

Parametrene kan gives følgende fortolkninger:

d	=	fysisk afskrivningsrate
a	=	tilpasningshastigheden
c	=	marginale ændring i den optimale kapitalkvote som følge af en enheds ændring i reale user-cost.

Reale user-costs er formuleret som:

$$uc = \frac{1-tz}{1-t} pi \left[\frac{(1-t)i - \dot{p}_K^e + d}{px^e} \right] \quad (2)$$

hvor:

t	=	selskabsskattesatsen
z	=	tilbagediskonterede værdi af de skattemæssige afskrivninger pr. enhed kapitaludstyr
pi	=	investeringsprisen
i	=	nominel rente
\dot{p}_K^e	=	forventede inflation i prisen på kapitalgodet

Den forventede inflation i prisen på kapitalgodet er i ADAM - i mangel af bedre - erstattet af inflationen i prisen på produktionen.

Der indgår lags både i inflationsforventningerne i user-cost-udtrykket og i selve user-cost-udtrykket i de estimerede investeringsrelationer. For at holde søge-strategien i to dimensioner (ad gangen) er det valgt først at finde den optimale laglængde i både inflationsforventninger og usercost ved at arbejde med simple uvejede gennemsnit. Der vælges i første omgang alene (stort set) på grundlag af forklaringsgrad. I den valgte relation søges derefter efter en alternativ vægtning af user-cost¹, og den foretrukne relation udsættes endelig for det sædvanlige testarsenal. I samtlige estimationer er de nuværende afskrivningsrater for maskiner og bygninger på henholdsvis 0.0885 og 0.0158 anvendt.

¹På grund af det noget længere lag i de fundne optimale inflationsforventninger, er en alternativ vægtning ikke forsøgt her.

2. Maskininvesteringer.

De estimerede relationer for maskiner er:

$$D(fIpM - fIem) = \alpha_1(L)DfXvm + \alpha_2 D(fXvm \cdot \alpha(L) uipm) + \alpha_3(fIpnm_{-1} - fIem_{-1}) \quad (3)$$

hvor $\alpha_1(L)$ og $\alpha(L)$ er polynomier i lagoperatoren, hvor der på forhånd er lagt følgende restriktioner: $\alpha_1(L)$ er et lineært almonlag, og $\alpha(1)=1$.

Da bygningsinvesteringer har en længere levetid end maskininvesteringer, er planlægningshorisonten længere. Det betyder specielt, at prisforventningerne rækker længere ud i fremtiden. Man kan derfor mene, at der også skal længere lags i autoregressive inflationsforventninger.

Da user-cost må fortolkes som *forventede* user-cost, er der derimod ingen grund til, at user-cost skal indgå med længere lag i bygningsinvesteringer end i maskininvesteringer. En eventuel længere tilpasningstid for bygningskapitalen slår alene ud i tilpasningsparameteren a .

Det er valgt at tage hensyn til disse restriktioner, i det omfang det ikke strider kraftigt mod data.

Tabel 1. Maskininvesteringer

		lag i user-cost				
		0	0-1	0-2	0-3	0-4
lag i inflationsrater	0	1654.03	1828.37	1803.89	1804.94	1804.71
	0-1	1837.70	1735.17	1688.44	1650.23	1567.33
	0-2	1750.97	1666.53	1618.39	1462.40	1350.93
	0-3	1766.53	1648.65	1533.41	1336.65	1399.42
	0-4	1704.75	1470.88	1360.18	1286.90	1455.59
	0-5	1559.52	1223.72	1298.05	1288.01	1479.84
	0-6	1490.77	1299.06	1402.47	1318.35	1570.67
	0-7	1636.12	1462.58	1513.06	1397.26	1699.92
	0-8	1655.88	1399.51	1503.25	1442.28	1674.79
	0-9	1660.22	1436.12	1578.21	1413.59	1620.35
residualspredning						
koefficient til user-cost						
	0	0.04	0.01	-0.04	-0.04	-0.05
	0-1	0.00	-0.05	-0.08	-0.10	-0.14
	0-2	-0.05	-0.07	-0.09	-0.14	-0.20
	0-3	-0.04	-0.08	-0.12	-0.18	-0.22
	0-4	-0.06	-0.12	-0.16	-0.21	-0.24
	0-5	-0.09	-0.17	-0.20	-0.25	-0.27
	0-6	-0.11	-0.19	-0.22	-0.30	-0.29
	0-7	-0.09	-0.20	-0.23	-0.36	-0.27
	0-8	-0.11	-0.26	-0.29	-0.39	-0.34
	0-9	-0.10	-0.25	-0.25	-0.38	-0.35
t-værdi for koefficient til user-cost						
	0	2.17	0.45	0.93	0.91	0.91
	0-1	0.13	1.60	1.95	2.22	2.77
	0-2	1.47	2.10	2.42	3.41	4.15
	0-3	1.33	2.22	2.97	4.24	3.81
	0-4	1.83	3.33	4.08	4.58	3.40
	0-5	2.80	4.98	4.51	4.53	3.20
	0-6	3.24	4.50	3.80	4.28	2.61
	0-7	2.32	3.43	3.10	3.79	1.78
	0-8	2.18	3.81	3.17	3.55	2.00
	0-9	2.15	3.54	2.69	3.74	2.40

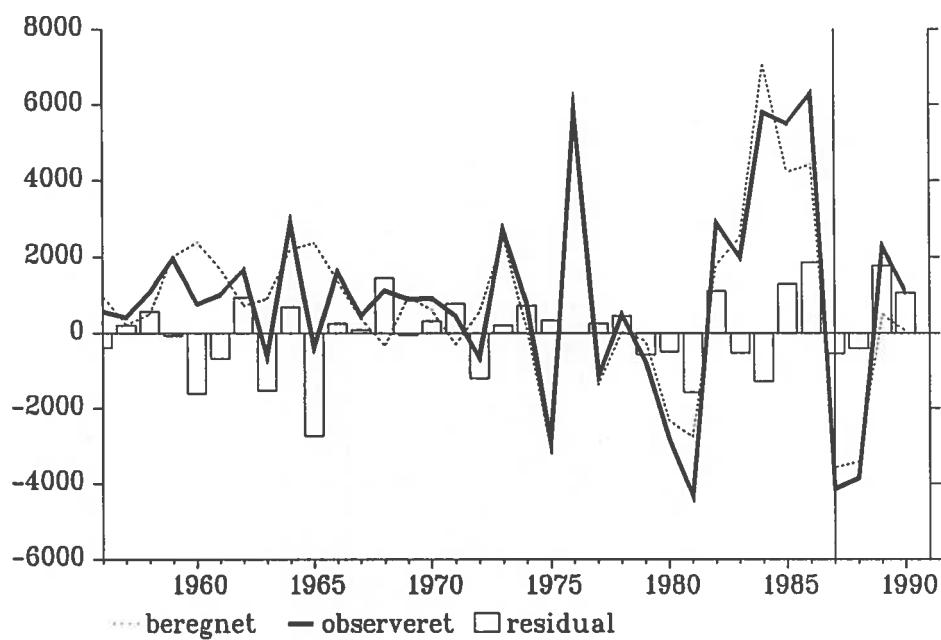
Tabel 1 viser residualspredning, koefficient til user-cost samt dennes t-værdi som funktion af laglængden i hhv. inflationsforventninger og user-cost, estimeret over perioden 1963-87. Som det fremgår senere, specielt for bygningsinvesteringernes vedkommende, er det afgørende for resultaterne, om indeværende periodes inflation/usercost indgår. Samtlige kombinationer, der ikke vises i teksten, er vist i appendix. Her vises alene resultaterne, hvor både indeværende periodes inflation og user-cost indgår. Denne kombination er strengt taget ikke den, der giver den laveste spredning for maskininvesteringer. Der opnås en svagt lavere spredning, hvis indeværende periodes inflation udelades. Begrundelsen for valget er, at den klart laveste spredning for bygningsinvesteringer opnås med indeværende periodes inflation inde.

Det ses, at når der arbejdes med simple uvejede gennemsnit, opnås den laveste spredning med 5 perioders lag i inflationen og 1 periodes lag i user-cost. Ved fri estimation af vægtene i user-cost fås, efter afrunding, vægtene 0.3 og 0.7 til henholdsvis aktuel og 1 periode lagget user-cost:

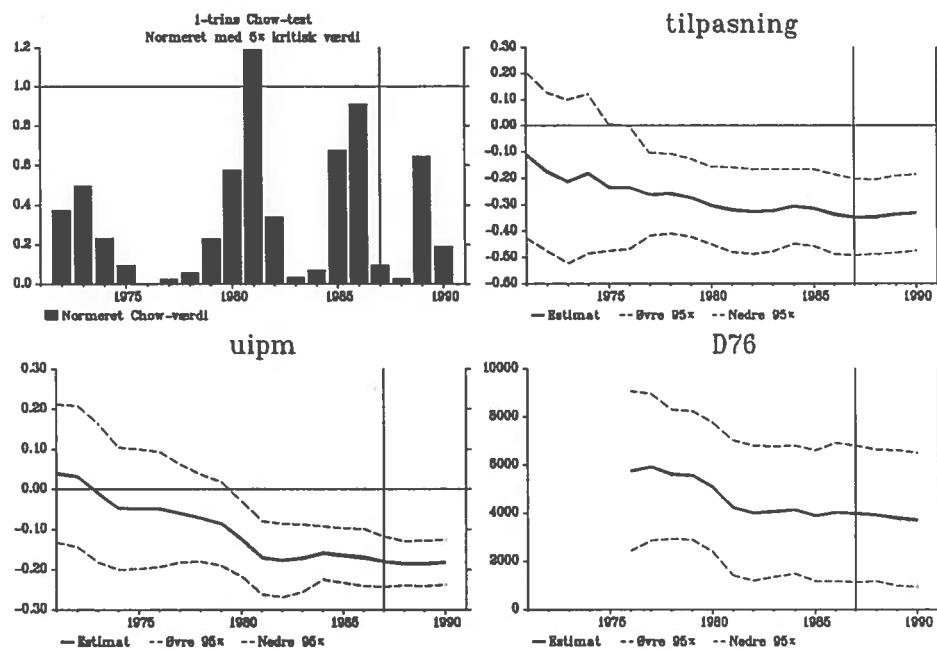
$$\begin{aligned}
 D(fIp_{m-1}) &= .115 \cdot DfX_{Vm} + .085 \cdot DfX_{Vm_{-1}} + .055 \cdot DfX_{Vm_{-2}} \\
 &\quad - .179 \cdot D[fX_{Vm} \cdot (.3 \cdot uipm + .7 \cdot uipm_{-1})] \\
 &\quad - .350 \cdot (fIp_{nm_{-1}} - fIem_{-1}) + 4009.67 \cdot D76
 \end{aligned}$$

$$N = 1956-87 \quad \bar{R}^2 = .823 \quad \hat{\sigma} = 1087.42 \quad LM(1) = 1.08$$

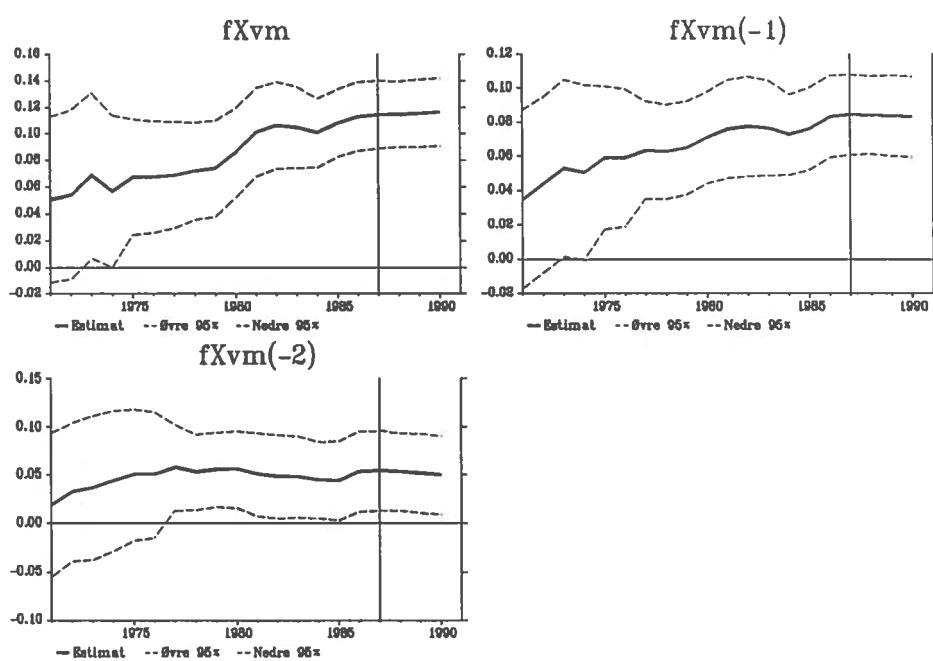
Figur 1. Residualplot for fIp_m , mill. kr.



Figur 2a. Rekursiv estimation af $fIpm$.



Figur 2b. Rekursiv estimation af $fIpm$.



Den estimerede relation er, i forhold til reestimation af den nuværende relation, kendtegnet ved:

- 1) Pæn forklaringsgrad uden oplagt systematik i residualerne målt ved LM-testet for 1.-grads autokorrelation. Faktisk fanger relationen også pænt udviklingen udenfor estimationsperioden.
- 2) Pænere; men ikke helt tilfredsstillende parameterstabilitet. Der er dog kun en enkelt signifikant værdi for chow-testet, og en tendens til pænt stabile parametre i 80'erne.
- 3) Parametrene er overraskende uafhængige af estimationsperiodens starttidspunkt. (grafer herfor ikke vist).
- 4) Den samlede reaktion på ændringer i produktionen er stort set uændret.
- 5) Reaktionen på ændringer i reale user-cost er meget kraftigere.

Marginalegenskaberne, både på kort og langt sigt, fremgår klarere af tabel 2, hvor de enkelte parametre er separeret ud.

Tabel 2. Maskininvesteringer: Sammenligning af marginalegenskaber.

	a	b ₁	c	$\frac{\partial fIpm/fIp}{\partial uipm}$	$\frac{\partial fIpm/fIp}{\partial uipm_{-1}}$	$\frac{\partial fK/fIp}{\partial uipm}^1$
Nov89	0,33	0,51	-0,16	-0,91	-0,11	-3,48
Foretrukne	0,43	0,59	-0,41	-1,17	-2,75	-9,15

Note: Fortolkningen af parametrene fremgår af indledningen.

1) refererer til ændringer i akkumulerede nettoinvesteringer som følge af en permanent stigning i user-cost i procent af investeringsniveauet.

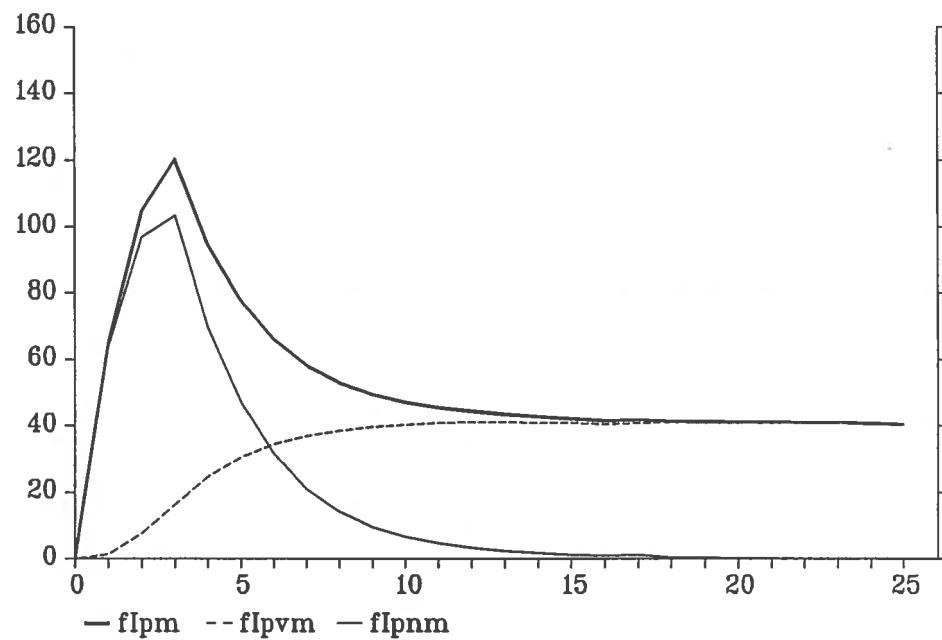
Det fremgår af tabellen, at tilpasningshastigheden er svagt øget, og at reaktionen på afsætningsstigninger også øges lidt. Mere radikal er ændringen i reaktionen på user-cost, hvor den samlede pseudoelasticitet er næsten 4-doblet efter 2 perioder (1,17+2,75 mod før 0,91+0,11), svarende til en næsten 3-dobling af den langsigtede ændring af kapitalapparatet i procent af investeringsniveauet som følge af 1 pct-point's ændring i user-cost.

Nedenstående figurer (3-5) viser partielle langsigtsmultiplikatorer i den nuværende relation sammenlignet med den foretrukne. Der er foretaget 3 multiplikatoreksperimenter:

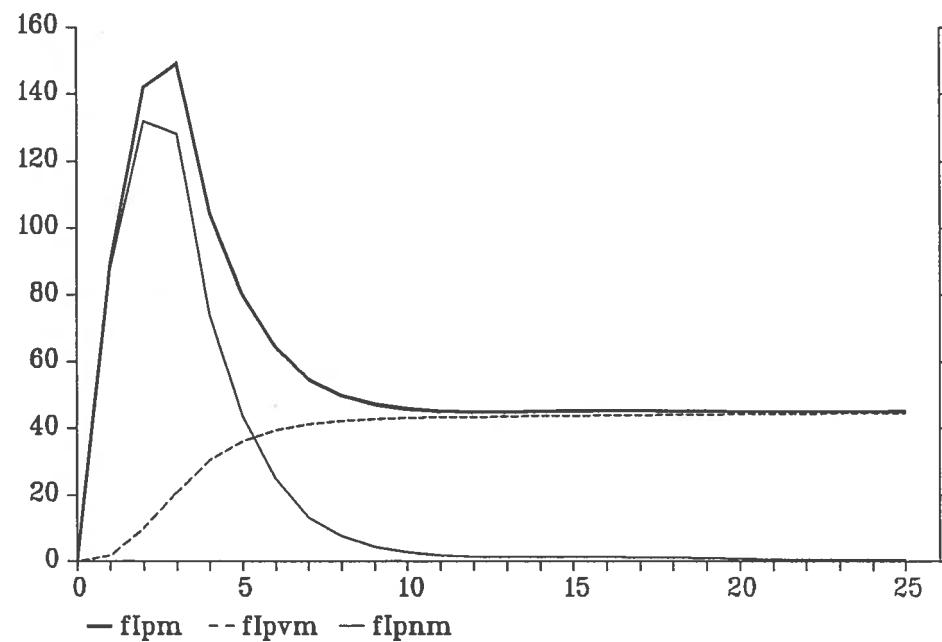
- 1) Øgning af $fXvm$ med 1 mia. i 1980-priser.
- 2) Øgning af obligationsrenten $iwbz$ med 1 pct.-point.
- 3) Øgning af inflationsraten i $pxvm$ med 1 pct.-point.

Multiplikatoreksperimenterne er foretaget i en partiel model for investeringsrelation, afskrivningsrelation samt tilhørende definitionsligninger.

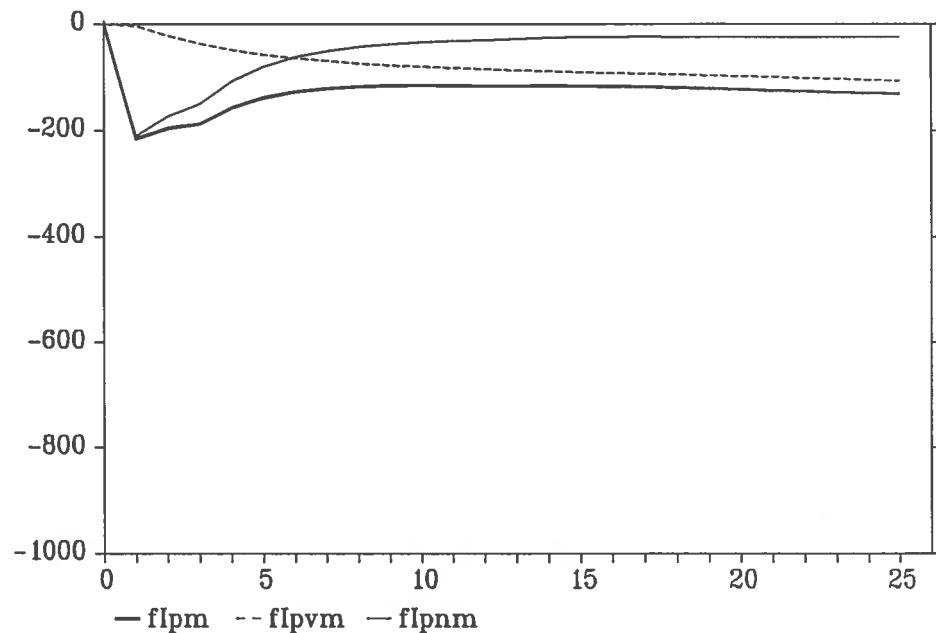
Figur 3a. Effekt af en øgning af $fXvm$ med 1 mia. i 1980-priser, Nu-værende relation, mill. kr.



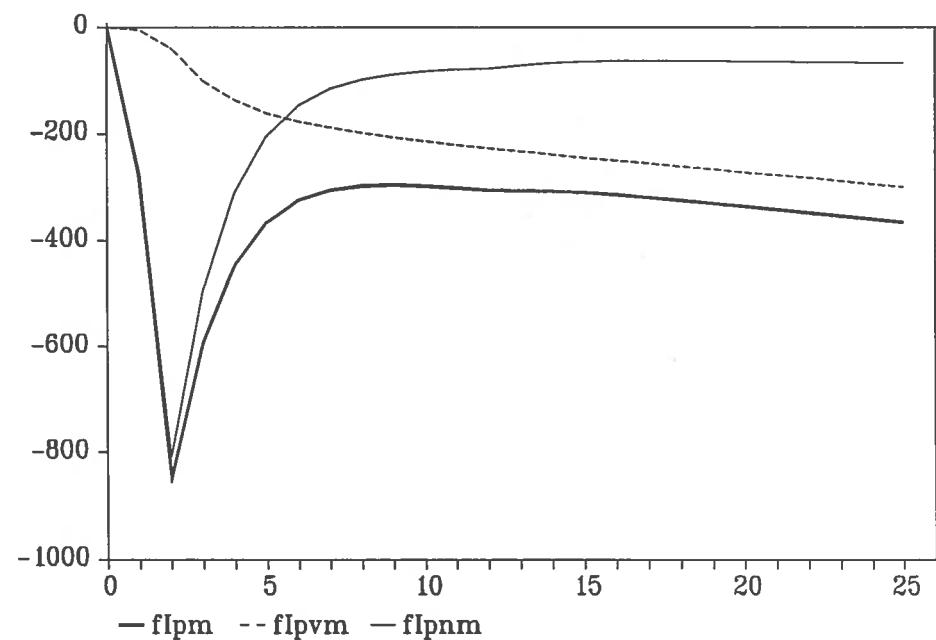
Figur 3b. Effekt af en øgning af $fXvm$ med 1 mia. i 1980-priser, Foretrukne relation, mill. kr.



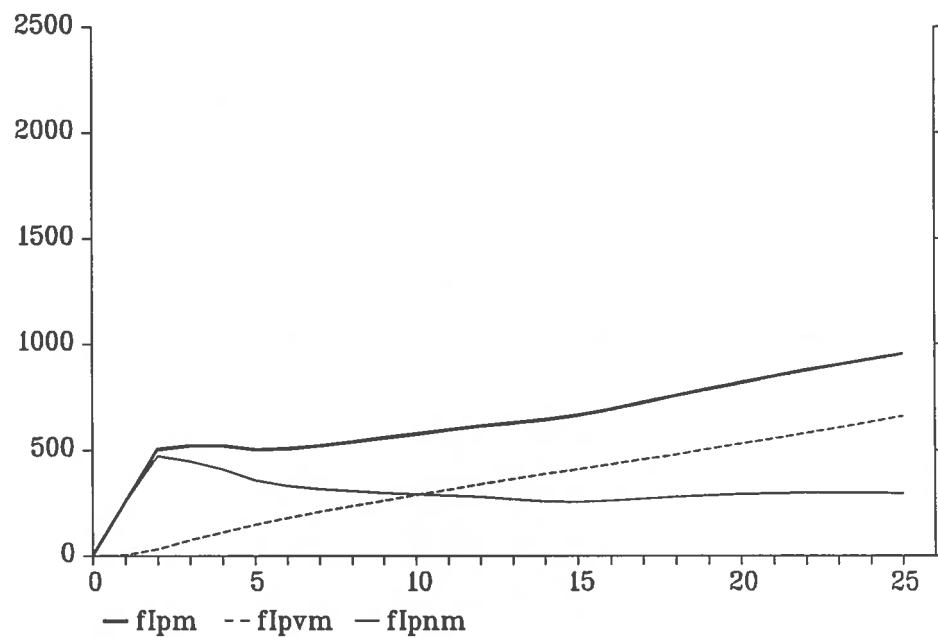
Figur 4a. Effekt af en øgning af $iwbz$ med 1 pct.-point, Nuværende relation, mill. kr.



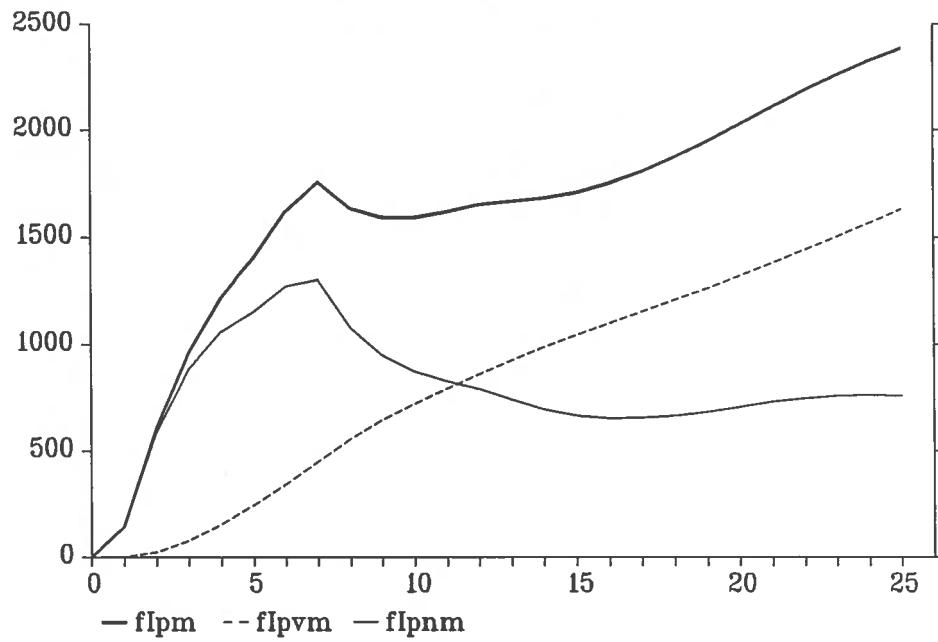
Figur 4b. Effekt af en øgning af $iwbz$ med 1 pct.-point, Foretrukne relation, mill. kr.



Figur 5a. Effekt af en øgning af inflationsraten i *pxvm* med 1 pct.-point,
Nuværende relation, mill. kr.



Figur 5b. Effekt af en øgning af inflationsraten i *pxvm* med 1 pct.-point,
Foretrukne relation, mill. kr.



Multiplikatoreksperimenterne viser, hvad man kunne forvente på baggrund af tabel 2. Der er for de første 2 multiplikatorer ikke overraskende tale om et ret ens dynamisk forløb; men selvfølgelig med meget kraftigere reaktion på renteændringen. For inflationsmultiplikatoren er det længere lag i inflationsforventningerne afgørende. Reaktionen er naturligvis meget kraftigere; men multiplikatoren (på nettoinvesteringerne) når sit maksimum noget senere.

Det kan måske umiddelbart undre, at en relation baseret på kapitaltilpasningsprincippet ikke i alle tilfælde sikrer, at nettoinvesteringsmultiplikatorerne konvergerer til 0. Som det fremgår af de partielle multiplikatorer, sker det alene for stigninger i fX^e ; men ikke når rente eller inflationsforventninger ændres. Begrundelsen er, at nettoinvesteringerne i den (globalt asymptotisk) stabile stationære tilstand, hvor disse er konstante, er en *lineær* funktion af ændringen i afsætningen; men en *ikke-lineær* funktion af user-cost, der igen er en *ikke-lineær* funktion af rente og inflationsforventninger. User-cost indgår multiplikativt med afsætningen og rente og inflationsforventninger indgår multiplikativt med andre tidsserier i selve user-cost-udtrykket.

Fra relation (1) og formuleret i kontinuert tid kan nettoinvesteringerne skrives:

$$\frac{\partial fIn}{\partial t} = a(b_1 + c \cdot uc) \frac{\partial fX^e}{\partial t} + ac fX^e \frac{\partial uc}{\partial t} - afIn$$

I den betragtede partielle model er dette en simpel fuldstændig 1.-ordens differentialligning, da både user-cost og afsætning betragtes som eksogene. Differentialligningen er globalt asymptotisk stabil, da stabilitetsbetingelsen:

$$\frac{d\left(\frac{\partial fIn}{\partial t}\right)}{\partial fIn} = -a < 0$$

er opfyldt for enhver positiv tilpasningshastighed, og differentialligningen er lineær. I den stationære tilstand for nettoinvesteringerne, er disse givet ved:

$$fIn = (b_1 + c \cdot uc) \frac{\partial fX^e}{\partial t} + c \cdot fX^e \frac{\partial uc}{\partial t}$$

Da de reale user-cost stort set er konstante i den valgte simulationsperiode i grundbanken, er koefficienten til ændringer i afsætningsforventningerne næsten konstant, og et niveauskift i afsætningsforventningerne vil derfor ikke påvirke nettoinvesteringerne på langt sigt, da niveauskiftet ikke vil påvirke de absolutte ændringer heri. Et niveauskift i user-cost vil derimod påvirke nettoinvesteringerne på langt sigt med mindre afsætningsforventningerne er konstante. Med user-cost multipliceret på afsætningsforventningerne, der i simulationsperioden udviser positive vækstrater, vil en niveauændring i user-cost altså give stigende

absolutive ændringer i dette produkt, og dermed føre til permanente ændringer i nettoinvesteringerne. Dette suppleres af, at rente og inflationsforventninger igen indgår multiplikativt med andre tidsserier i selve user-cost-udtrykket. Dette er baggrunden for, at en stigning i user-cost (fremkommet via rentestigning, jf. fig. 4) fører til permanent lavere nettoinvesteringsniveau og at det modsatte gør sig gældende ved et fald (forårsaget via stigende inflationsforventninger, jf. fig. 5). I appendix C er ovenstående yderligere dokumenteret gennem multiplikatoreksperimenter med et forudsat fladt forløb for afsætningen.

3. Bygningsinvesteringer

For bygningsinvesteringer er den generelle specifikation helt svarende til relation (3) for maskininvesteringer:

$$D(flpb - fleb) = \beta_1(L)DfXvb + \beta_2 D(fXvb \cdot \beta(L)uipb) + \beta_3(flpnb_{-1} - fleb_{-1}) \quad (3)$$

og med helt tilsvarende restriktioner på lagpolynomierne.

Tabel 3. Bygningsinvesteringer

		lag i user-cost			
		1	1-2	1-3	1-4
lag i infla-	tionsrater	residualspredning			
0	894.25	892.32	887.13	883.70	
0-1	893.63	891.87	887.64	875.90	
0-2	893.75	892.60	883.99	855.07	
0-3	893.95	889.58	868.03	828.27	
0-4	889.95	865.29	832.64	785.72	
0-5	874.75	829.34	786.14	731.06	
0-6	876.34	839.32	738.78	703.35	
0-7	878.08	820.22	699.17	724.51	
0-8	865.38	788.42	743.48	783.13	
0-9	877.31	866.29	855.31	844.22	
koeficient til user-cost					
0	-0.00	-0.00	-0.01	-0.01	
0-1	-0.00	-0.01	-0.01	-0.02	
0-2	-0.00	-0.00	-0.01	-0.03	
0-3	-0.00	-0.01	-0.03	-0.05	
0-4	-0.01	-0.03	-0.05	-0.08	
0-5	-0.02	-0.06	-0.08	-0.10	
0-6	-0.02	-0.06	-0.11	-0.13	
0-7	-0.02	-0.07	-0.14	-0.15	
0-8	-0.03	-0.10	-0.15	-0.15	
0-9	-0.02	-0.06	-0.08	-0.10	
t-værdi for koeficient til user-cost					
0	0.01	0.29	0.56	0.69	
0-1	0.16	0.32	0.54	0.93	
0-2	0.14	0.26	0.68	1.39	
0-3	0.11	0.45	1.12	1.87	
0-4	0.43	1.18	1.79	2.50	
0-5	0.96	1.85	2.49	3.24	
0-6	0.93	1.69	3.13	3.61	
0-7	0.88	1.99	3.65	3.33	
0-8	1.18	2.44	3.05	2.53	
0-9	0.89	1.16	1.38	1.59	

Tabel 3 viser residualspredning, koefficient til user-cost og dennes spredning, estimeret over perioden 1963-87, helt tilsvarende tabel 1 for maskinvesteringer; men med den forskel, at de bedste resultater opnås, når indeværende periodes user-cost ikke indgår. (Appendiks B viser resultaterne af at inkludere/ekskludere indeværende periodes inflationsforventninger og user-cost). Det fremgår af tabel 3, at den laveste residualspredning opnås for et lag i prisforventningerne på 0 til 7 år og et lag i user-cost på 1 til 3 år.²

Der er altså tegn på, at lagget i prisforventningerne, som ventet, skal være længere end for maskinvesteringer; men der er også tegn på, at lagget i user-cost ikke kan kortes ned til samme længde som i maskinvesteringerne. Lagget i user-cost bliver hermed det samme som i den eksisterende relation; men lagget i prisforventningerne meget længere.

Den optimale vægtning af de laggede user-cost givet ovenstående optimale laglængde er fundet ved fri estimation, og ved afrunding fås:

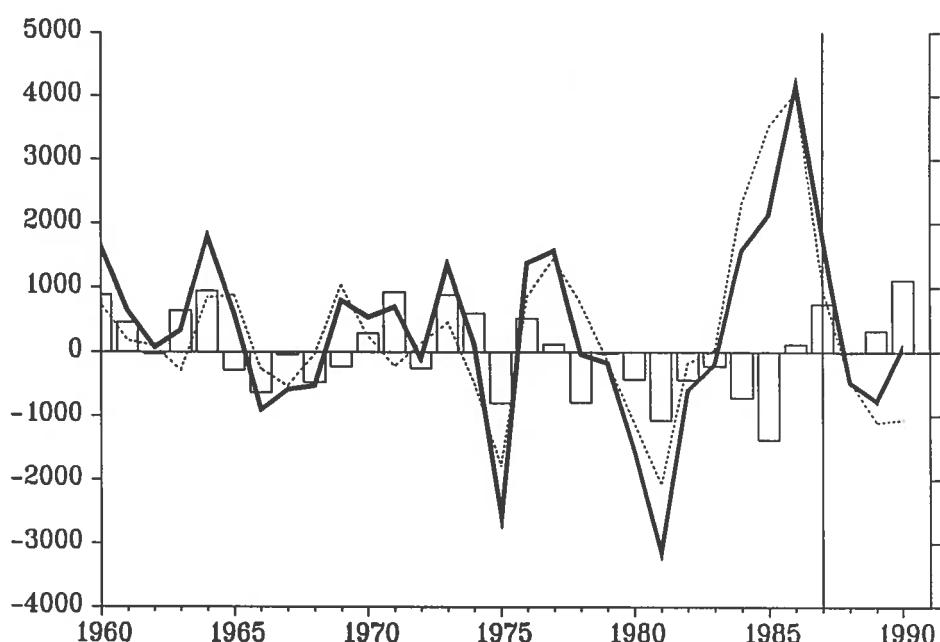
Den estimerede relation er:

$$\begin{aligned} D(fIpb-fIeb) = & .057 \cdot DfXvb + .029 \cdot DfXvb_{-1} \\ & - .116 \cdot D[fXvb \cdot (2 \cdot uipb_{-1} + 4 \cdot uipb_{-2} + .4 \cdot uipb_{-3})] \\ & - .108 \cdot (fIpnb_{-1} - fIeb_{-1}) \end{aligned}$$

$$N = 1960-87 \quad \overline{R^2} = .789 \quad \hat{\sigma} = 675.35 \quad LM(1) = 2.21$$

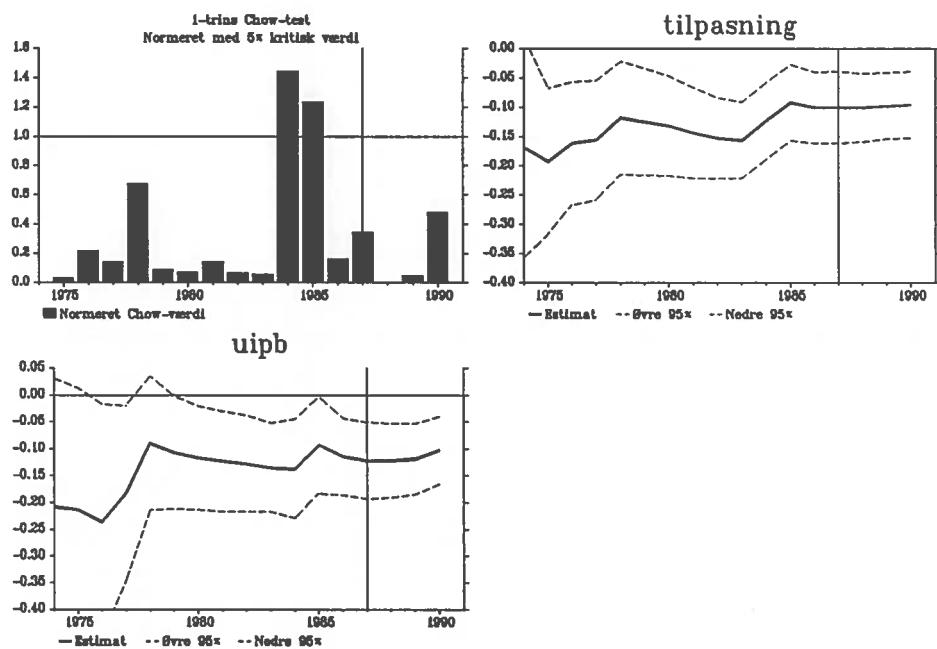
Med fri estimation fås et lidt længere gennemsnitligt lag i user-cost end i den nuværende relation, hvor user-cost indgår uvejet.

Figur 6. Residualplot for *fIpb*-relationen, mill. kr.

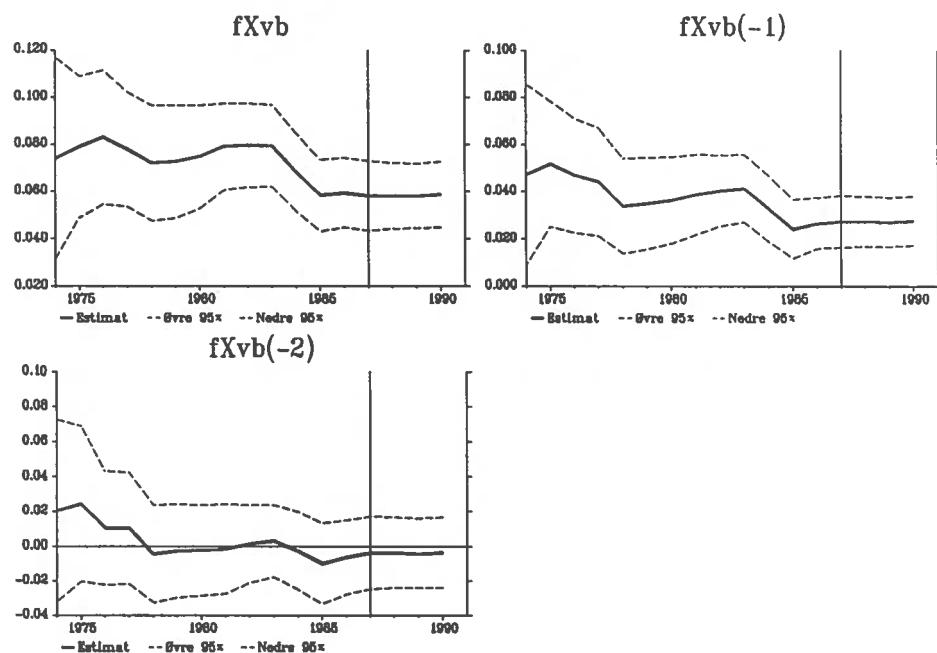


²Det viste sig faktisk, at når vi gik ud over de grænser vi oprindelig havde sat for laglængden i user-cost, dvs. 0 til 4 år, kunne vi opnå en svagt lavere residualspredning. Denne relation, der har 0 til 5 års lag i prisforventningerne og 1 til 5 års lag i user-cost, er vist i appendiks E.

Figur 7a. Rekursiv estimation af $fIpb$ -relationen.



Figur 7b. Rekursiv estimation af $fIpb$ -relationen.



Generelt om estimationsresultaterne, sammenlignet med den oprindelige relation, gælder:

- 1) Forklaringsgraden er noget pænere end den nuværende relation reestimeret, og der er ikke de store problemer med systematik i residualerne målt med LM-testet. Det er dog lidt foruroligende, at relationen, ligesom den nuværende, skyder systematisk for højt i slutningen af 70'erne og begyndelsen af 80'erne. Der er imidlertid tale om en periode med meget store udsving i bygningsinvesteringerne, som relationen fanger meget pænt, og fejlene i denne periode er noget mindre end for den nuværende relation.
- 2) Parameterstabiliteten er også noget kønnere, selv om den ikke er tilfredsstillende. Der er stadig problemer omkring 1984/85, omend noget mindre end før. Koefficienterne til user-cost og tilpasningshastigheden er nogenlunde stabile fra sidste del af 70'erne og frem, mens der er større problemer med koefficienterne til $fXvb$.
- 3) Parametrene er overraskende uafhængige af estimationsperiodens starttidspunkt. (graferne ikke vist her).
- 4) Der er sket en svag reduktion af tilpasningshastigheden, mens reaktionen på ændringer i afsætningen stort set er uændret.
- 5) Der er sket en kraftig øgning i reaktionen på ændringer i reale user-cost.

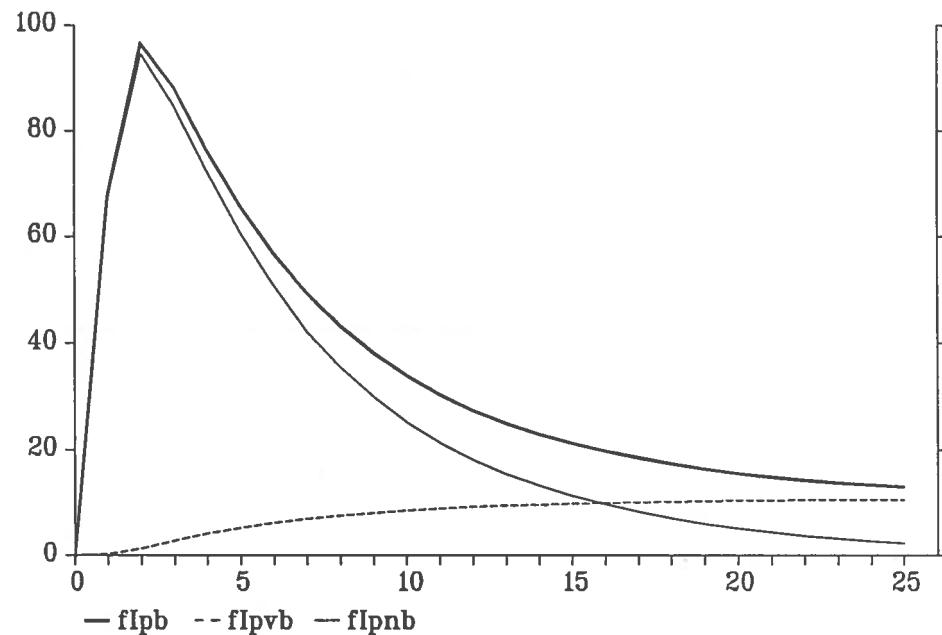
De marginale kort- og langsigtssegenskaber fremgår klarere af tabel 4, hvor de enkelte parametre er separeret ud og sammenlignet med den nuværende relation.

Tabel 4. Bygningsinvesteringer: Sammenligning af marginalegenskaber.

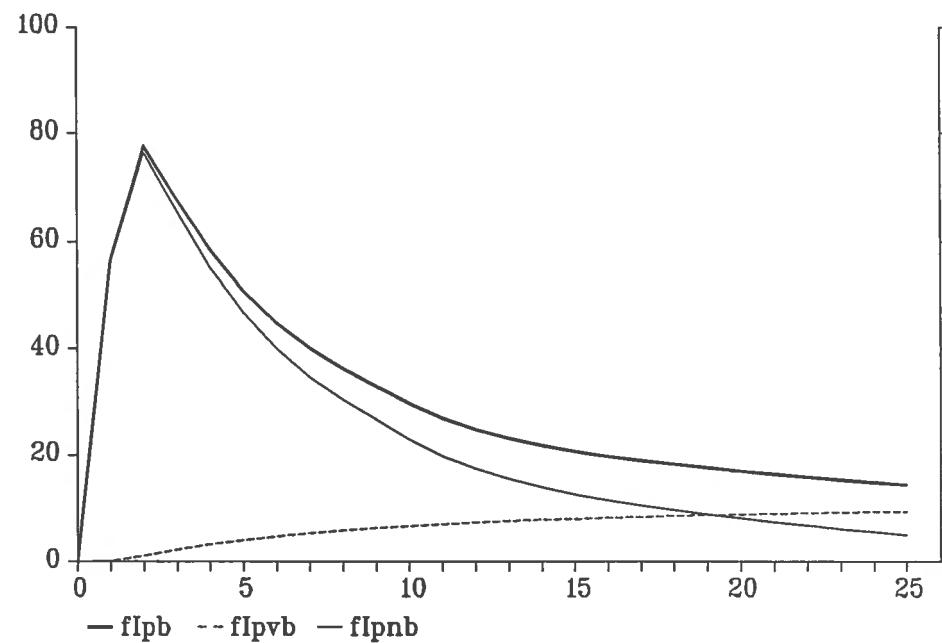
	a	b_1	c	$\frac{\partial f_{lpb}/f_{lpb}}{\partial u_{ipb}_{-1}}$	$\frac{\partial f_{lpb}/f_{lpb}}{\partial u_{ipb}_{-2}}$	$\frac{\partial fK/f_{lpb}^1}{\partial u_{ipb}}$
Nov89	0,16	0,73	-0,27	-0,60	-0,60	-11,33
Foretrukne	0,12	0,69	-0,94	-0,97	-1,95	-44,49

1) refererer til ændringer i akkumulerede nettoinvesteringer som følge af en permanent stigning i user-cost i procent af investeringsniveauet.

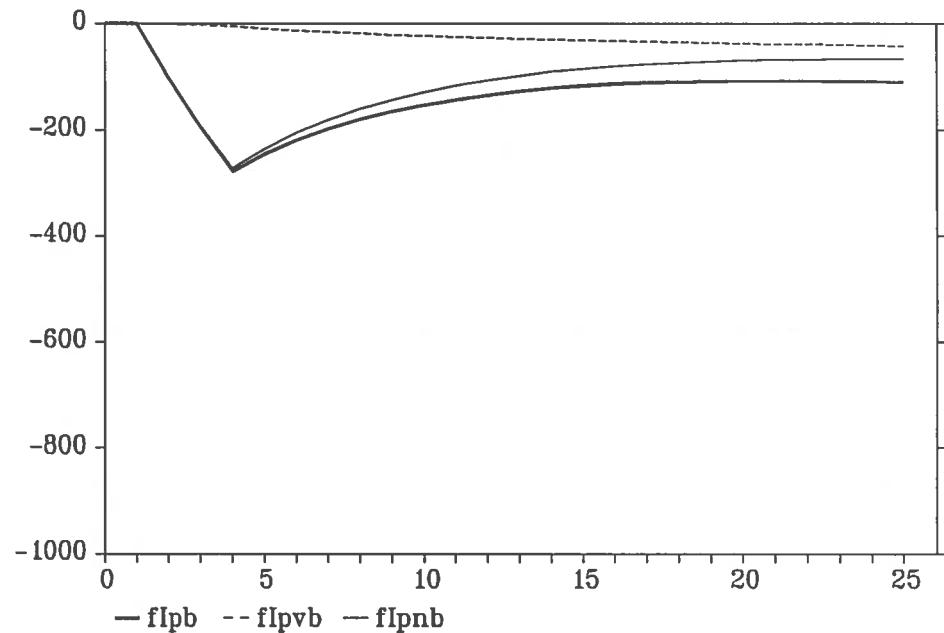
Figur 8a. Effekt af en øgning af $fXvb$ med 1 mia. i 1980-priser, Nuværende relation, mill. kr.



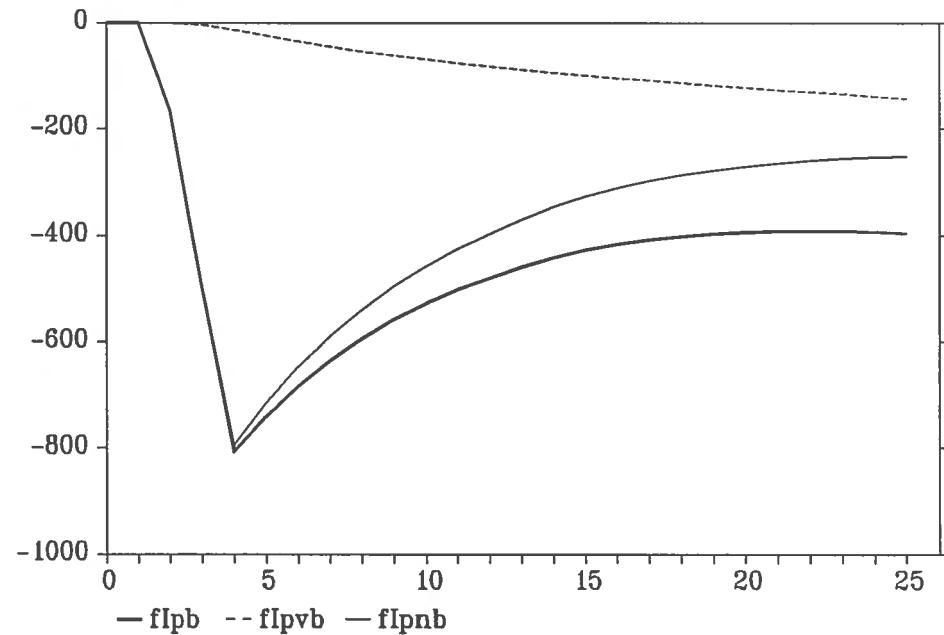
Figur 8b. Effekt af en øgning af $fXvb$ med 1 mia. i 1980-priser, Foretrukne relation, mill. kr.



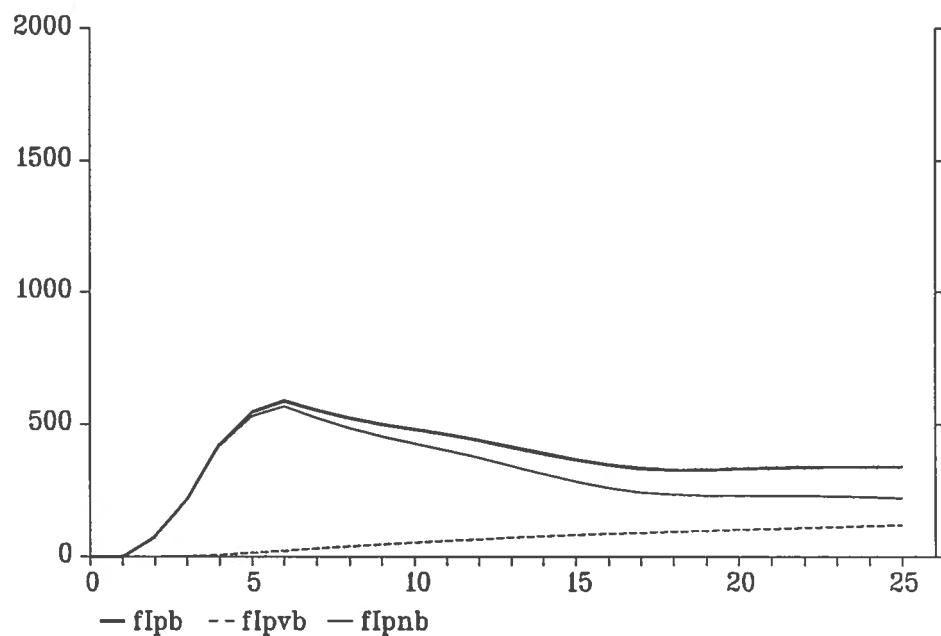
Figur 9a. Effekt af en øgning af $iwbz$ med 1 pct.-point, Nuværende relation, mill. kr.



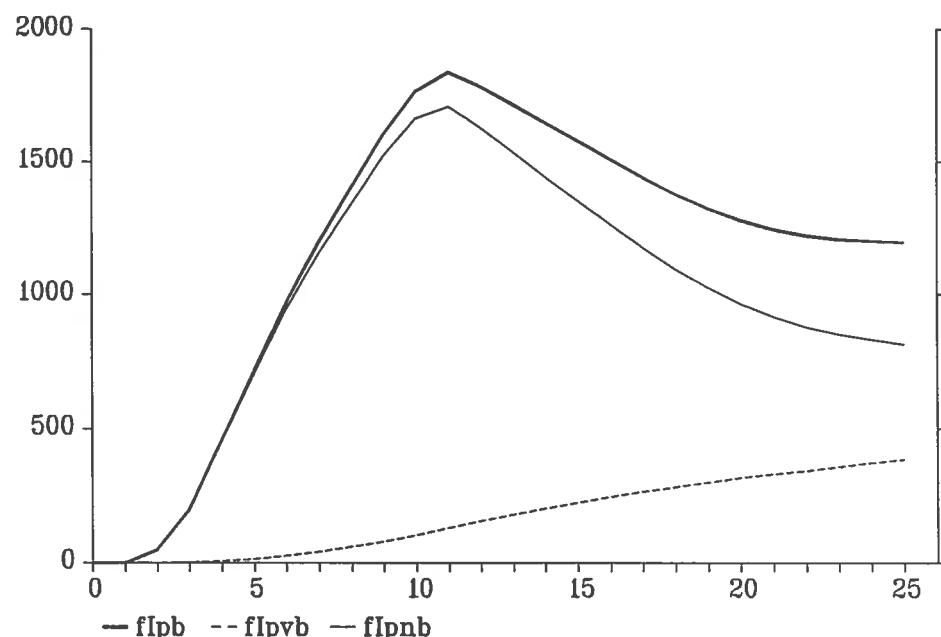
Figur 9b. Effekt af en øgning af $iwbz$ med 1 pct.-point, Foretrukne relation, mill. kr.



Figur 10a. Effekt af en øgning af inflationsraten i *pxvb* med 1 pct.-point,
Nuværende relation, mill. kr.



Figur 10b. Effekt af en øgning af inflationsraten i *pxvb* med 1 pct.-point,
Foretrukne relation, mill. kr.

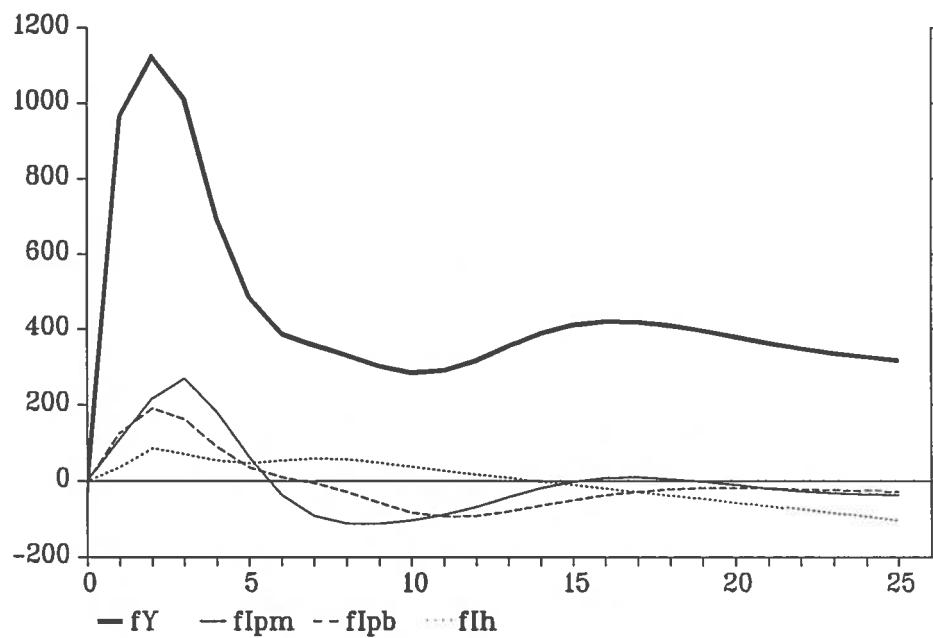


Forskellene på de to relationers dynamiske egenskaber er i figurerne 8-10 vist ved multiplikatoreksperimenter i en partiel model for bygningsinvesteringerne, helt tilsvarende figurerne 3-5 for maskininvesteringerne. Som forventet er den kraftigere reaktion på ændringer i user-cost, det større lag i inflationsforventningerne og den lidt lavere tilpasningshastighed de dominerende ændringer i forhold til den nuværende relation.

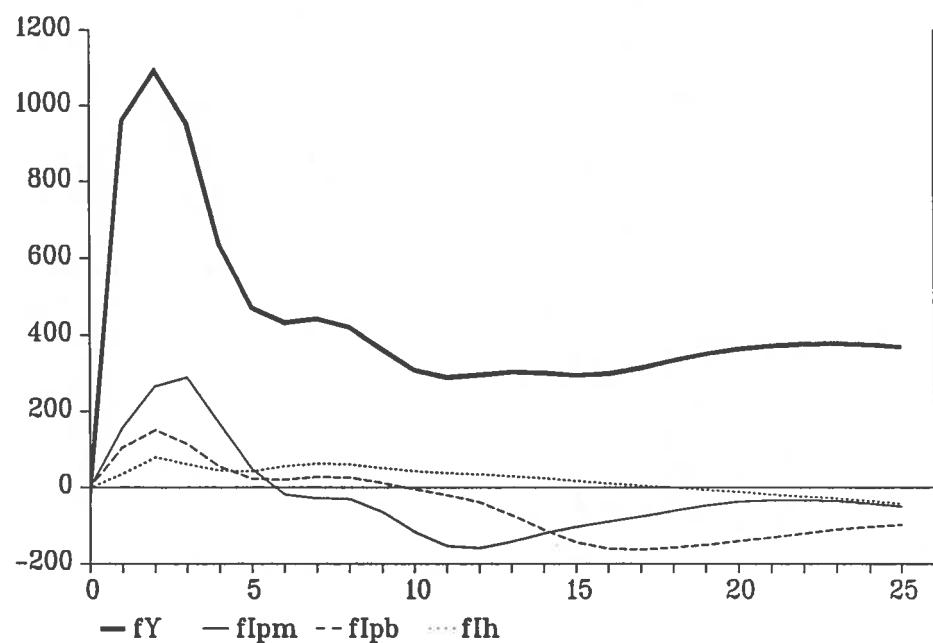
Det ses igen, at nettoinvesteringerne på langt sigt ikke konvergerer til 0 ved ændringer i rente eller inflationsforventninger. Begrundelsen er helt den samme som for maskininvesteringer.

4. Multiplikatorforsøg med den samlede model.

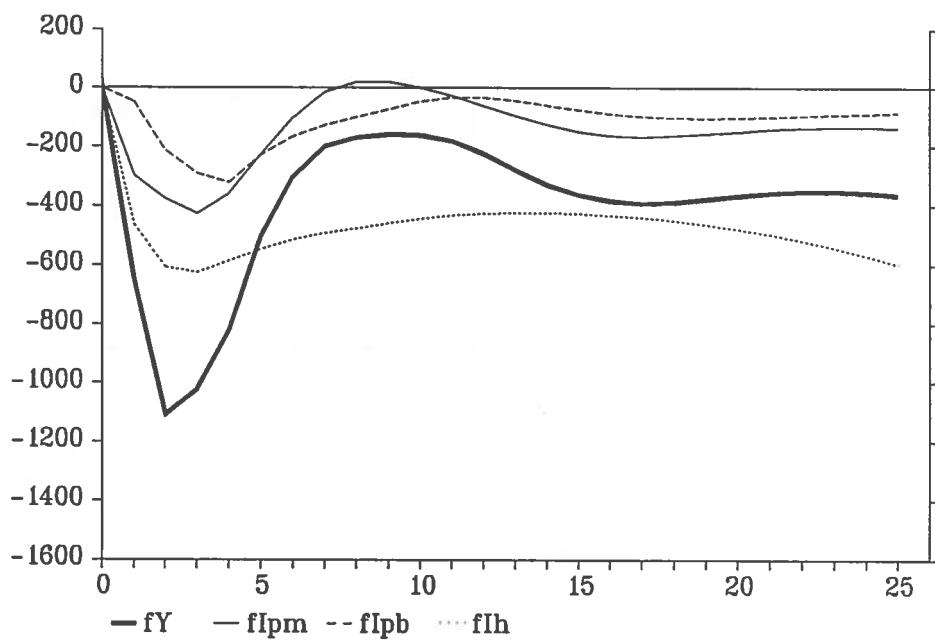
Figur 11a. Effekt af en øgning af $fXov$ med 1 mia. i 1980-priser, Nov89-versionen, mill. kr.



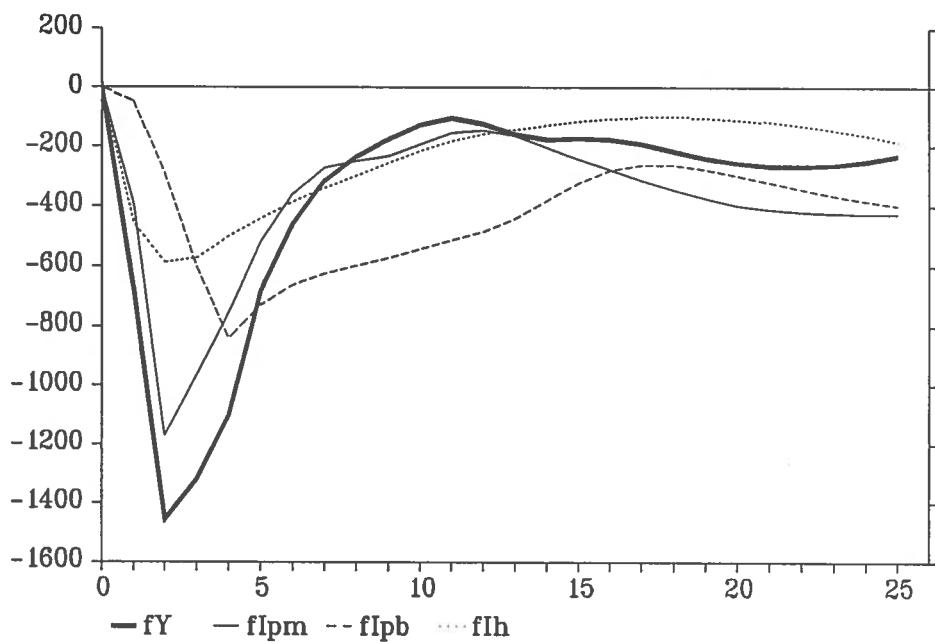
Figur 11b. Effekt af en øgning af $fXov$ med 1 mia. i 1980-priser, Nov89-versionen med foretrukne relationer for $fIpmb$ og $fIpmb$, mill. kr.



Figur 12a. Effekt af en øgning af *iwbz* med 1 pct.-point, Nov89-versionen, mill. kr.



Figur 12b. Effekt af en øgning af *iwbz* med 1 pct.-point, Nov89-versionen med foretrukne relationer for *fIpm* og *fIpb*, mill. kr.

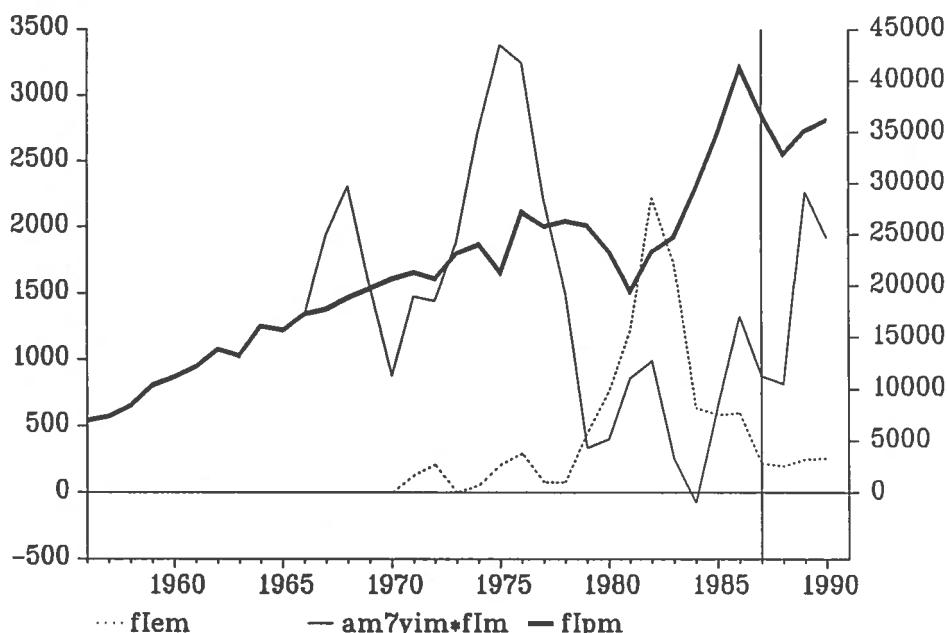


5. Skibe, fly og boreplatforme

I forbindelse med modelgruppepapiret Thomas C. Jensen, 21. august 1991: *Korrektioner i import mm. til maskininvesteringer*, er det forsøgt at trække skibe, fly og boreplatforme ud af maskininvesteringerne. Dette svarer til - ud over *flem* - at fratrække *am7yim·fIm* (som kommer til at hedde *fly*) i estimationsligningen.

Problemet er nu, om *flem* og *am7yim·fIm* overlapper, idet *flem* ikke kan opfattes som en søjle i io-tabellen. Ifølge de sidste forlydender er overlapningen ikke alvorlig, idet boreplatformene ikke er med i *flem*. Nedenfor er nivauerne vist.

Figur 23. *flem* og *am7yim·fIm* (venstre) samt *fIpM* (højre). Mio. kr.



Der kan først estimeres fra 1967, da der ikke findes io-koefficienter før 1966. Der vil blive arbejdet på at føre serien tilbage i tiden, og relationen vil derefter blive estimeret på den længst mulige periode, hvilket formentlig ikke vil ændre relationen ret meget.

Relationen er kørt igennem »gitteret«, og den tidligere fundne kombination (t til $t-5$ i prisforventninger og t til $t-1$ i usercost) er også her lokalt minimum. Den laveste spredning blev imidlertid fundet med samme prisforventninger, men med lagget t til $t-3$ i usercost.

Ved fri estimation blev flg. vægte til usercost fundet:

	t	$t-1$	$t-2$	$t-3$
lokalt min.	0.2	0.8	-	-
globalt min.	0.2	0.6	0.1	0.1

Nedenfor er den øverste relation vist.

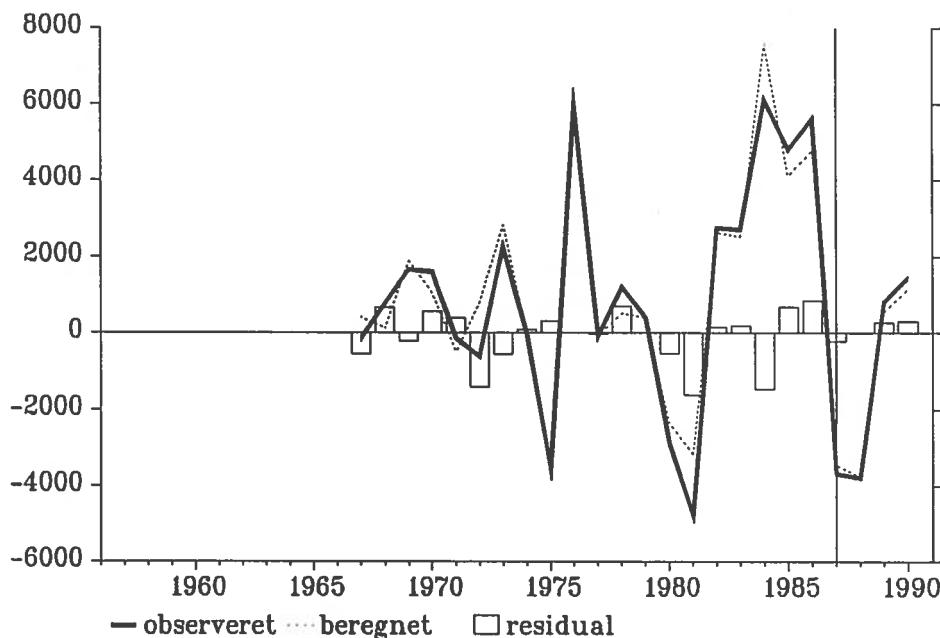
$$D(fIp_{tm} - fIem_{-am7yim} \cdot fIm)$$

$$\begin{aligned}
 &= .133 \cdot DfXvm + .093 \cdot DfXvm_{-1} + .052 \cdot DfXvm_{-2} \\
 &\quad (.010) \quad (.011) \quad (.020) \\
 &- .155 \cdot D[fXvm (.2 \cdot uipm + .8 \cdot uipm_{-1})] \\
 &\quad (.024) \\
 &- .437 \cdot (fIp_{nm_{-1}} - fIem_{-1} - am7yim_{-1} \cdot fIm_{-1}) + 2318.91 \cdot D76 \\
 &\quad (.079) \quad \quad \quad (1048.40)
 \end{aligned}$$

$$N = 1967-87 \quad R^2 = .932 \quad \hat{\sigma} = 801.40 \quad LM(1) = 0.06$$

Parametrenes stabilitetsegenskaber ligner til forveksling fig. 2a og 2b; og der er også her signifikant Chow-test i året 1981. Nedenfor vises relationen:

Figur 24. Vægte: 0.2 og 0.8. Mio. kr.

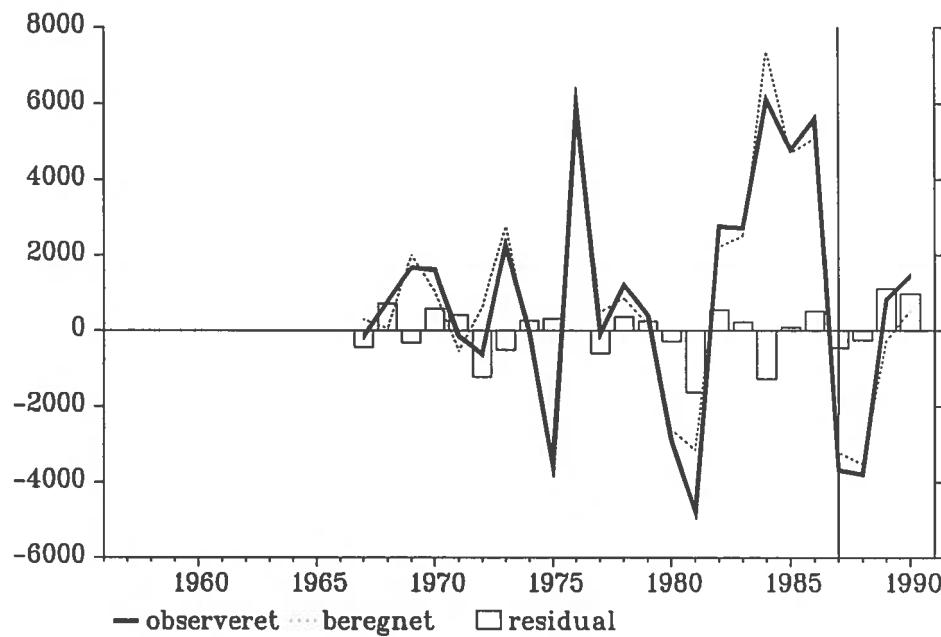


Parametrene svarer til, at $a = 0.53$, $b_1 = 0.53$ og $c = -0.30$ (jf. side 7).

Den nederste relation giver en tilpasningskoefficient på -0.465 samt en koefficient til usercost på -0.192. Spredningen er her 732.56, men parametrene er

mindre stabile, og der er større forudsigelsesfejl i de foreløbige år, hvor den i 1989 og 1990 skyder over 1 mia. kr. for lavt.

Figur 25. Vægte: 0.2, 0.6, 0.1 og 0.1. Mio. kr.



Appendiks A. Maskininvesteringer. Estimationer med forskellige lagstrukturer.

Tabel A1. Maskininvesteringer

		lag i user-cost				
		0	0-1	0-2	0-3	0-4
lag i inflationsrater		residualspredning				
1	1688.80	1480.29	1596.39	1522.16	1344.29	
1-2	1522.07	1550.57	1569.47	1356.01	1226.59	
1-3	1617.81	1554.57	1515.95	1307.65	1390.48	
1-4	1560.78	1363.18	1377.65	1335.60	1502.13	
1-5	1433.76	1167.16	1364.82	1388.85	1574.82	
1-6	1394.09	1289.96	1483.67	1453.16	1677.53	
1-7	1539.03	1434.35	1580.35	1533.81	1769.93	
1-8	1560.25	1364.71	1573.44	1559.69	1752.33	
1-9	1587.77	1430.22	1626.52	1506.22	1698.87	
koefficient til user-cost						
1	-0.04	-0.07	-0.08	-0.10	-0.15	
1-2	-0.06	-0.07	-0.09	-0.13	-0.19	
1-3	-0.06	-0.08	-0.11	-0.15	-0.19	
1-4	-0.07	-0.11	-0.14	-0.17	-0.18	
1-5	-0.08	-0.15	-0.16	-0.19	-0.18	
1-6	-0.09	-0.16	-0.17	-0.21	-0.17	
1-7	-0.09	-0.18	-0.18	-0.24	-0.14	
1-8	-0.11	-0.24	-0.23	-0.28	-0.19	
1-9	-0.09	-0.22	-0.21	-0.30	-0.23	
t-værdi for koefficient til user-cost						
1	1.95	3.27	2.56	3.04	4.19	
1-2	3.01	2.85	2.74	4.10	5.01	
1-3	2.42	2.82	3.08	4.44	3.83	
1-4	2.78	4.02	3.97	4.23	3.07	
1-5	3.58	5.43	4.05	3.82	2.58	
1-6	3.85	4.56	3.26	3.38	1.90	
1-7	2.95	3.61	2.65	2.90	1.19	
1-8	2.81	4.05	2.72	2.78	1.39	
1-9	2.63	3.61	2.38	3.15	1.84	

Tabel A2. Maskininvesteringer

		lag i user-cost			
		1	1-2	1-3	1-4
lag i infla-		residualspredning			
tionrater					
0	1739.12	1512.48	1586.52	1615.30	
0-1	1536.95	1546.00	1543.11	1453.26	
0-2	1658.45	1610.27	1485.45	1425.88	
0-3	1609.36	1475.97	1350.26	1494.36	
0-4	1346.45	1236.81	1339.19	1614.18	
0-5	1321.97	1396.81	1526.89	1726.12	
0-6	1595.04	1678.30	1654.64	1814.07	
0-7	1724.91	1712.88	1697.57	1836.53	
0-8	1641.65	1676.13	1678.70	1822.30	
0-9	1740.53	1749.31	1648.44	1787.39	
koefficient til user-cost					
0	-0.03	-0.08	-0.09	-0.10	
0-1	-0.07	-0.09	-0.11	-0.15	
0-2	-0.06	-0.09	-0.13	-0.17	
0-3	-0.08	-0.12	-0.16	-0.17	
0-4	-0.13	-0.18	-0.19	-0.16	
0-5	-0.15	-0.19	-0.18	-0.13	
0-6	-0.12	-0.13	-0.16	-0.07	
0-7	-0.09	-0.14	-0.17	-0.02	
0-8	-0.15	-0.20	-0.23	-0.09	
0-9	-0.09	-0.15	-0.25	-0.16	
t-værdi for koefficient til user-cost					
0	1.57	3.10	2.64	2.46	
0-1	2.95	2.89	2.92	3.49	
0-2	2.17	2.49	3.29	3.63	
0-3	2.49	3.34	4.14	3.12	
0-4	4.17	4.93	4.11	2.29	
0-5	4.34	3.76	2.86	1.49	
0-6	2.55	1.94	2.05	0.64	
0-7	1.65	1.70	1.78	0.17	
0-8	2.27	2.00	1.95	0.54	
0-9	1.54	1.46	2.19	1.02	

Tabel A3. Maskininvesteringer

lag i user-cost				
	1	1-2	1-3	1-4
lag i infla-				residualspredning
tionsrater				
1	1597.78	1722.59	1615.56	1422.70
1-2	1738.30	1765.23	1585.03	1492.69
1-3	1660.87	1643.72	1488.83	1617.44
1-4	1368.51	1471.72	1524.27	1734.66
1-5	1405.02	1636.25	1683.85	1808.48
1-6	1688.49	1798.19	1771.88	1839.52
1-7	1774.02	1812.89	1795.32	1828.20
1-8	1703.96	1805.42	1790.43	1837.37
1-9	1785.20	1828.20	1758.92	1834.45
koefficient til user-cost				
1	-0.04	-0.05	-0.09	-0.14
1-2	-0.04	-0.05	-0.10	-0.14
1-3	-0.06	-0.08	-0.12	-0.12
1-4	-0.12	-0.13	-0.12	-0.08
1-5	-0.13	-0.11	-0.10	-0.05
1-6	-0.09	-0.05	-0.08	0.01
1-7	-0.06	-0.05	-0.08	0.06
1-8	-0.12	-0.08	-0.11	0.04
1-9	-0.06	-0.04	-0.14	-0.04
t-værdi for koefficient til user-cost				
1	2.57	1.70	2.46	3.66
1-2	1.57	1.33	2.64	3.15
1-3	2.15	2.26	3.21	2.29
1-4	4.03	3.32	2.90	1.44
1-5	3.76	2.20	1.83	0.71
1-6	1.89	0.89	1.13	0.08
1-7	1.20	0.71	0.91	0.56
1-8	1.80	0.83	0.99	0.27
1-9	1.11	0.48	1.33	0.27

Appendiks B. Bygningsinvesteringer. Estimationer med forskellige lagstrukturer.

Tabel B1. Bygninger

		lag i user-cost				
		0	0-1	0-2	0-3	0-4
lag i inflationsrater	residualspreitung					
	0	878.25	887.28	892.30	894.25	893.48
	0-1	856.57	882.32	890.37	894.09	892.38
	0-2	840.06	879.55	888.33	894.26	886.86
	0-3	826.56	872.57	888.55	893.66	881.90
	0-4	815.47	873.58	892.05	891.82	873.13
	0-5	835.19	882.18	893.87	886.23	848.16
	0-6	844.66	882.95	894.25	872.43	825.70
	0-7	827.95	874.57	894.26	870.14	854.69
	0-8	811.49	873.75	894.01	889.80	887.24
	0-9	824.55	870.53	879.47	890.22	894.23
koefficient til user-cost						
0	0.01	0.01	0.01	-0.00	-0.00	
0-1	0.02	0.01	0.01	0.00	-0.01	
0-2	0.02	0.01	0.01	0.00	-0.02	
0-3	0.03	0.02	0.01	-0.00	-0.03	
0-4	0.03	0.02	0.01	-0.01	-0.04	
0-5	0.02	0.02	0.00	-0.02	-0.07	
0-6	0.02	0.02	0.00	-0.05	-0.10	
0-7	0.03	0.03	0.00	-0.06	-0.09	
0-8	0.04	0.04	0.01	-0.03	-0.04	
0-9	0.03	0.04	0.05	0.03	0.00	
t-værdi for koefficient til user-cost						
0	0.87	0.58	0.31	0.01	0.18	
0-1	1.38	0.77	0.44	0.11	0.28	
0-2	1.68	0.86	0.55	0.04	0.58	
0-3	1.91	1.05	0.54	0.15	0.76	
0-4	2.08	1.02	0.34	0.33	1.01	
0-5	1.77	0.78	0.15	0.61	1.53	
0-6	1.60	0.75	0.03	1.02	1.91	
0-7	1.88	0.99	0.01	1.08	1.41	
0-8	2.13	1.02	0.13	0.44	0.57	
0-9	1.94	1.10	0.86	0.46	0.05	

Tabel B2. Bygninger

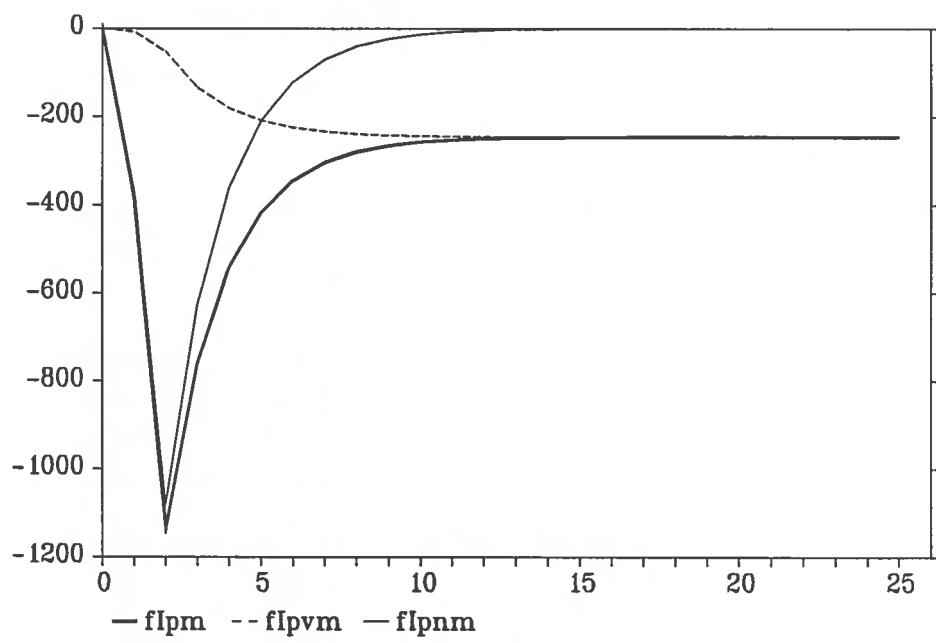
		lag i user-cost				
		0	0-1	0-2	0-3	0-4
lag i infla-		residualspredning				
1	869.59	887.10	890.06	893.63	892.10	
1-2	866.79	886.18	888.63	894.24	885.73	
1-3	851.95	879.47	889.49	893.57	881.21	
1-4	838.83	880.03	892.94	891.69	873.58	
1-5	854.43	887.83	894.21	886.53	854.77	
1-6	862.91	889.19	894.17	874.86	842.54	
1-7	847.63	883.95	894.10	873.59	866.03	
1-8	833.22	883.48	894.26	890.38	889.83	
1-9	843.24	880.82	883.06	890.22	894.10	
koefficient til user-cost						
1	0.01	0.01	0.01	0.00	-0.01	
1-2	0.01	0.01	0.01	0.00	-0.02	
1-3	0.02	0.01	0.01	-0.00	-0.02	
1-4	0.02	0.01	0.01	-0.01	-0.03	
1-5	0.02	0.01	0.00	-0.02	-0.05	
1-6	0.02	0.01	-0.00	-0.04	-0.07	
1-7	0.02	0.02	-0.00	-0.05	-0.06	
1-8	0.03	0.02	0.00	-0.02	-0.03	
1-9	0.03	0.03	0.03	0.02	0.01	
t-værdi for koefficient til user-cost						
1	1.11	0.60	0.46	0.19	0.30	
1-2	1.18	0.64	0.54	0.06	0.63	
1-3	1.48	0.86	0.49	0.17	0.79	
1-4	1.71	0.85	0.26	0.34	1.00	
1-5	1.43	0.57	0.06	0.60	1.41	
1-6	1.26	0.50	0.06	0.97	1.64	
1-7	1.55	0.71	0.08	1.00	1.18	
1-8	1.80	0.73	0.02	0.41	0.45	
1-9	1.63	0.82	0.75	0.46	0.10	

Tabel B3. Bygninger

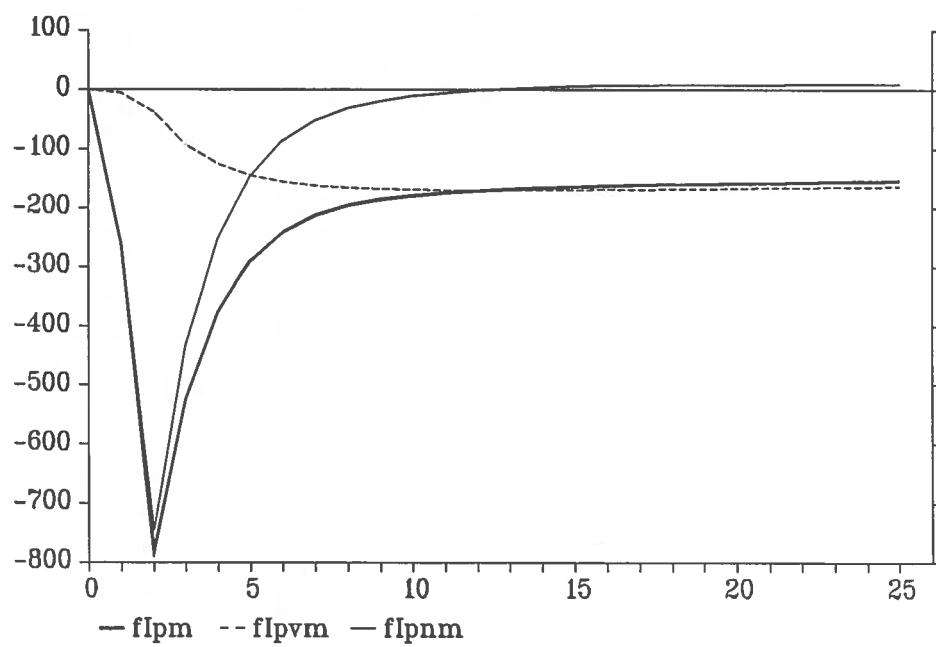
		lag i user-cost		
		1	1-2	1-3
lag i infla-		residualspredning		
1	893.27	892.83	889.93	871.73
1-2	893.72	893.58	886.19	847.62
1-3	893.92	890.79	870.28	826.95
1-4	889.10	866.00	838.43	798.97
1-5	873.88	842.02	805.12	767.06
1-6	877.72	854.85	776.29	756.09
1-7	878.16	836.81	744.04	776.22
1-8	864.49	809.09	775.06	818.82
1-9	877.30	873.77	864.98	860.46
koefficient til user-cost				
1	-0.00	-0.00	-0.01	-0.02
1-2	-0.00	-0.00	-0.01	-0.04
1-3	-0.00	-0.01	-0.02	-0.05
1-4	-0.01	-0.03	-0.04	-0.06
1-5	-0.02	-0.04	-0.06	-0.08
1-6	-0.02	-0.04	-0.08	-0.09
1-7	-0.02	-0.05	-0.11	-0.10
1-8	-0.03	-0.08	-0.12	-0.10
1-9	-0.02	-0.04	-0.07	-0.07
t-værdi for koefficient til user-cost				
1	0.20	0.25	0.44	1.04
1-2	0.15	0.17	0.61	1.54
1-3	0.11	0.39	1.08	1.89
1-4	0.48	1.17	1.70	2.32
1-5	0.99	1.65	2.22	2.76
1-6	0.89	1.42	2.63	2.91
1-7	0.88	1.73	3.06	2.63
1-8	1.21	2.16	2.63	2.02
1-9	0.90	1.00	1.19	1.30

Appendiks C. Partielle multiplikatoreksperimenter med $fIpm$ -relationen i et forløb med og uden vækst i afsætningsforventningerne.

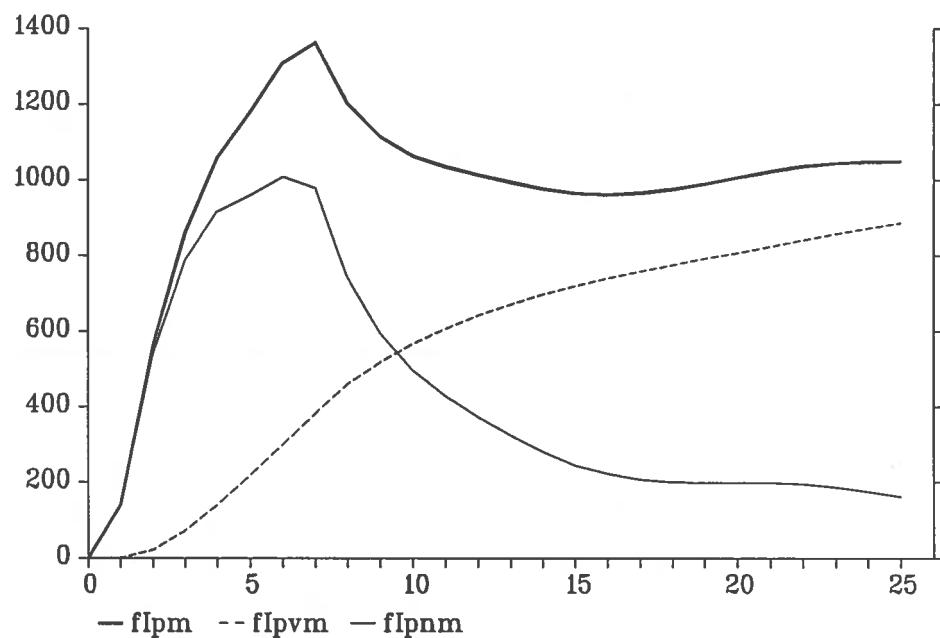
Figur C1. Øgning af user-cost med 1 pct.-point i et udgangsforløb uden vækst i afsætningsforventningerne, mill. kr.



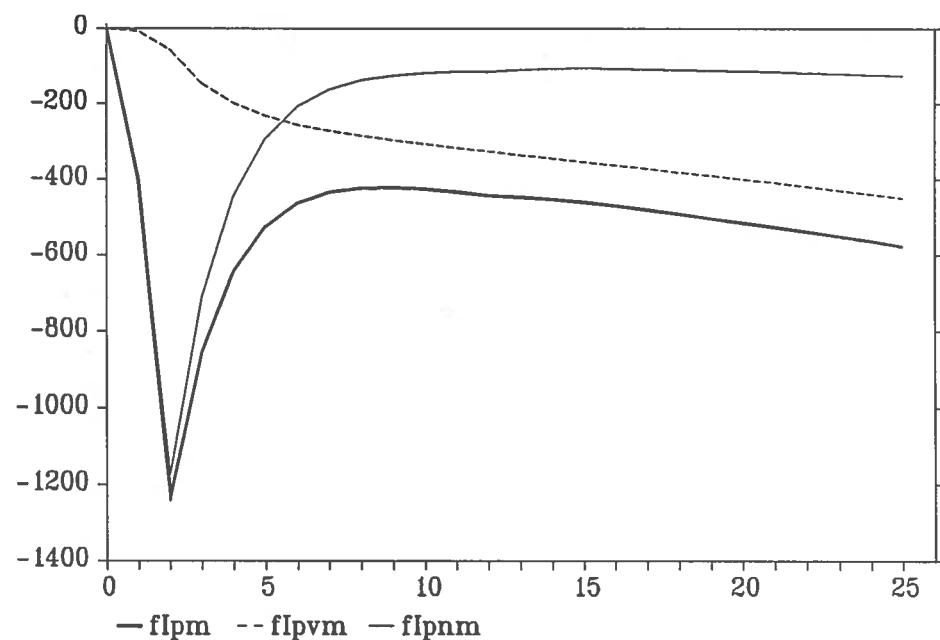
Figur C2. Øgning af renten med 1 pct.-point i et udgangsforløb uden vækst i afsætningsforventningerne, mill. kr.



Figur C3. Øgning af inflationen med 1 pct.-point i et udgangsforløb uden vækst i afsætningsforventningerne, mill. kr.



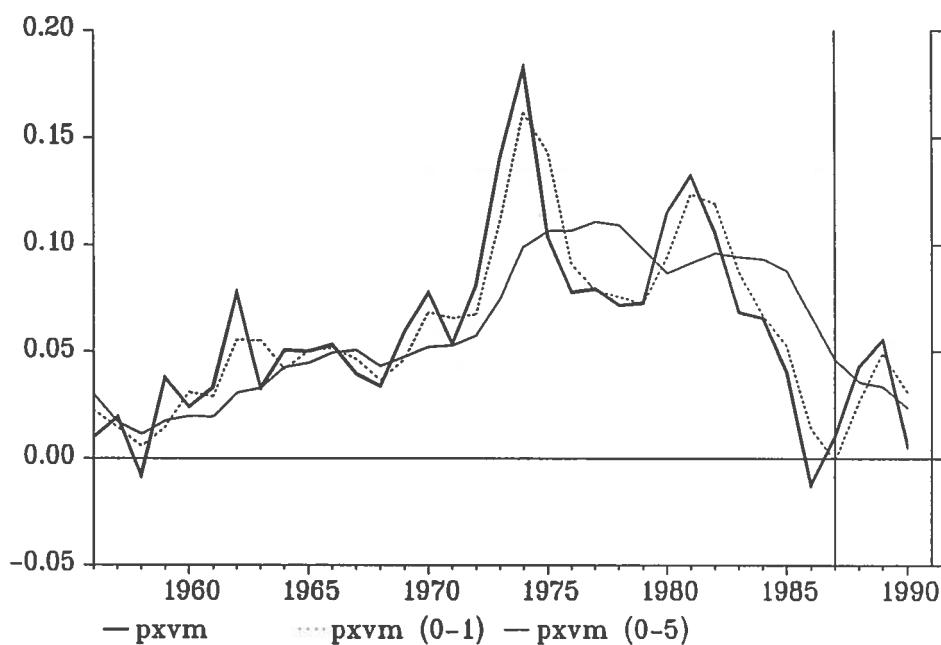
Figur C4. Øgning af user-cost med 1 pct.-point i et udgangsforløb med vækst i afsætningsforventningerne, mill. kr.



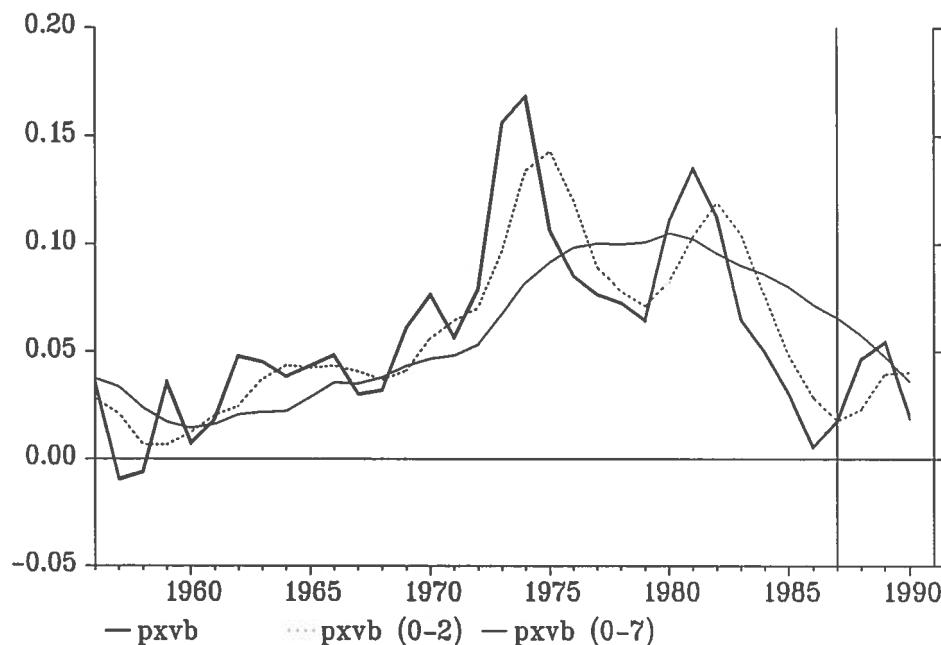
Appendiks D. Analyse af de to foretrukne relationer.

De to nedenstående figurer viser udviklingen i inflationsforventningerne i hhv. de nuværende ligninger og de foreslæde, sammenlignet med den faktiske inflationsudvikling.

Figur D1. Maskininvesteringer.

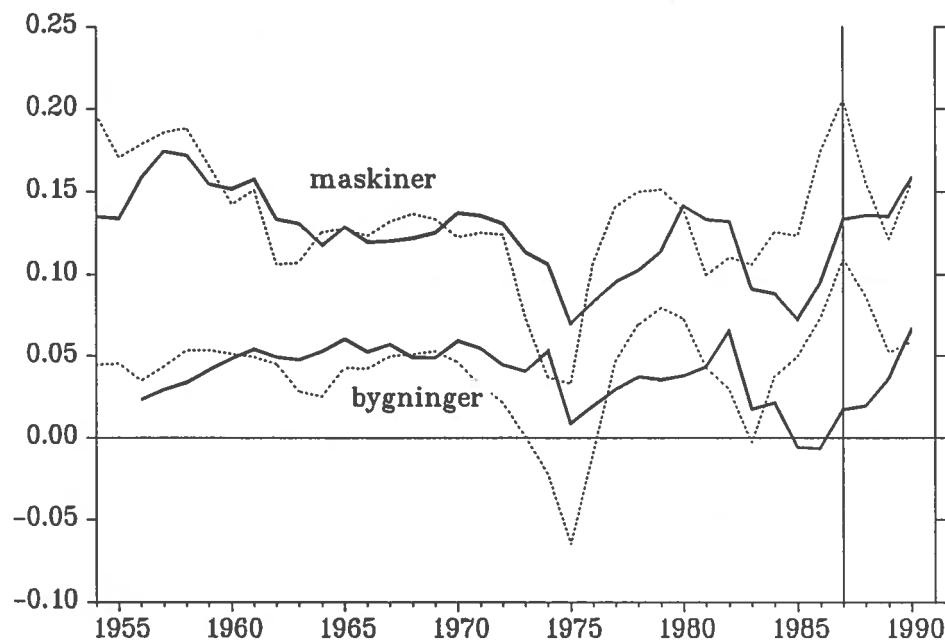


Figur D2. Bygningsinvesteringer.



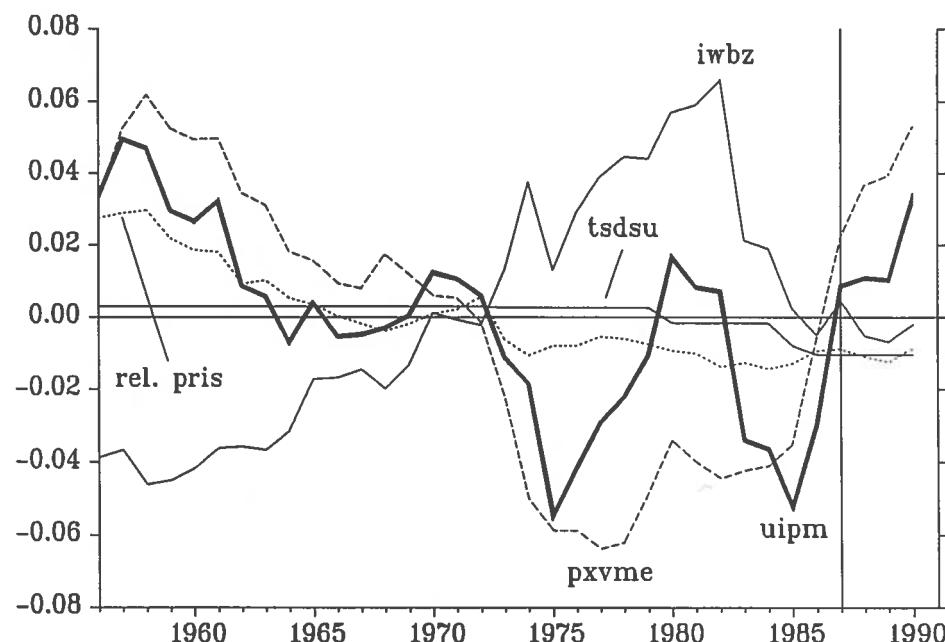
Dette giver følgende forløb for reale usercost, hvor ADAMs nuværende er vist til sammenligning, foretrukne: fuldt optrukket, nov89: stiplet.

Figur D3.

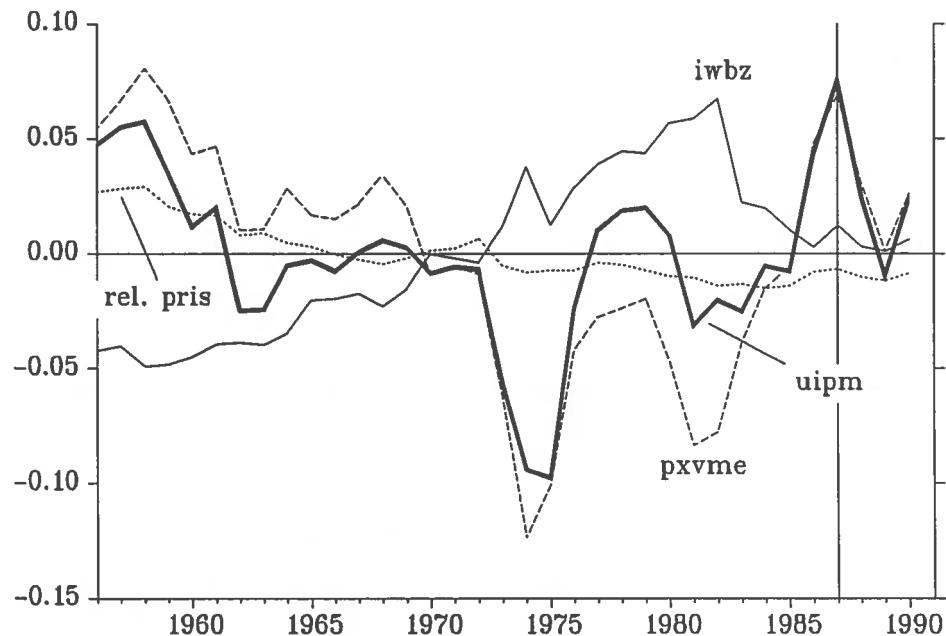


Nedenfor er vist en dekomponering af de foreslæde og nuværende uipm- og uipb-udtryk. Variablerne bivpm hhv. bivpb er udeladt, da de stort set ikke påvirker usercost i den betragtede periode.

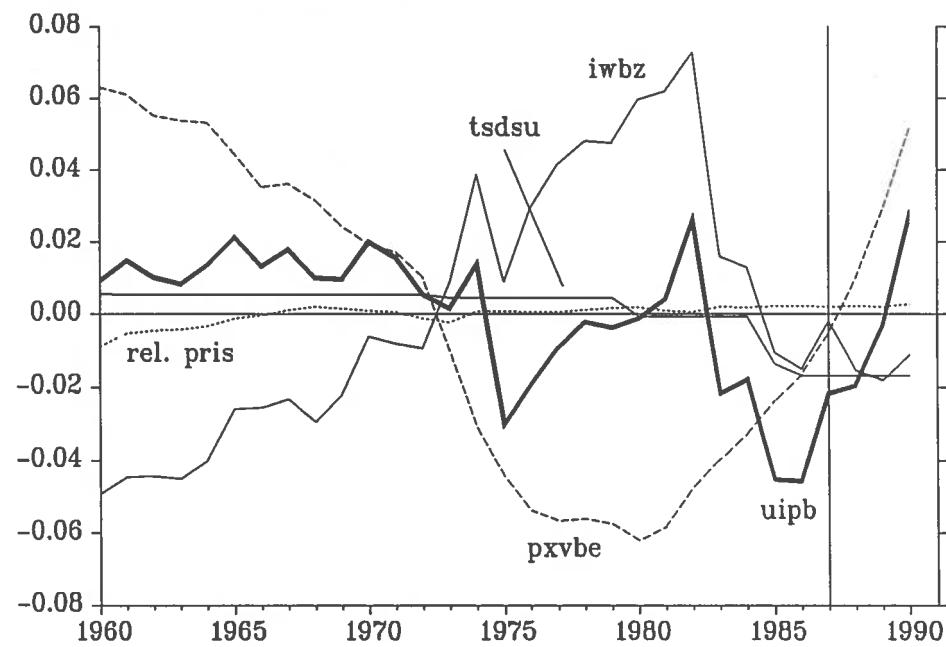
Figur D4. Dekomponering af *uipm*, foretrukne specifikation.



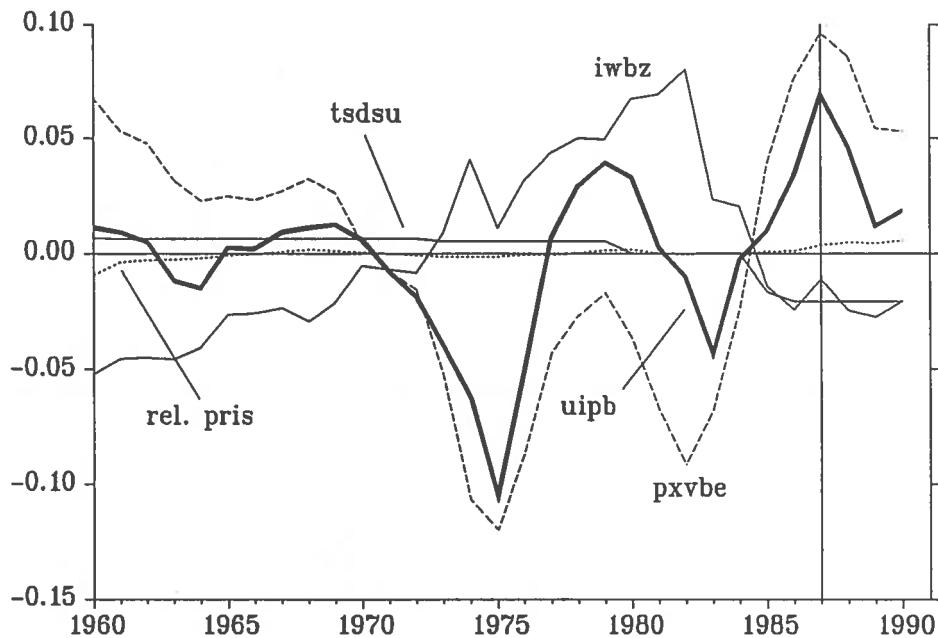
Figur D5. Dekomponering af $uipm$, Nov89-specifikation.



Figur D6. Dekomponering af $uipb$, foretrukne specifikation.

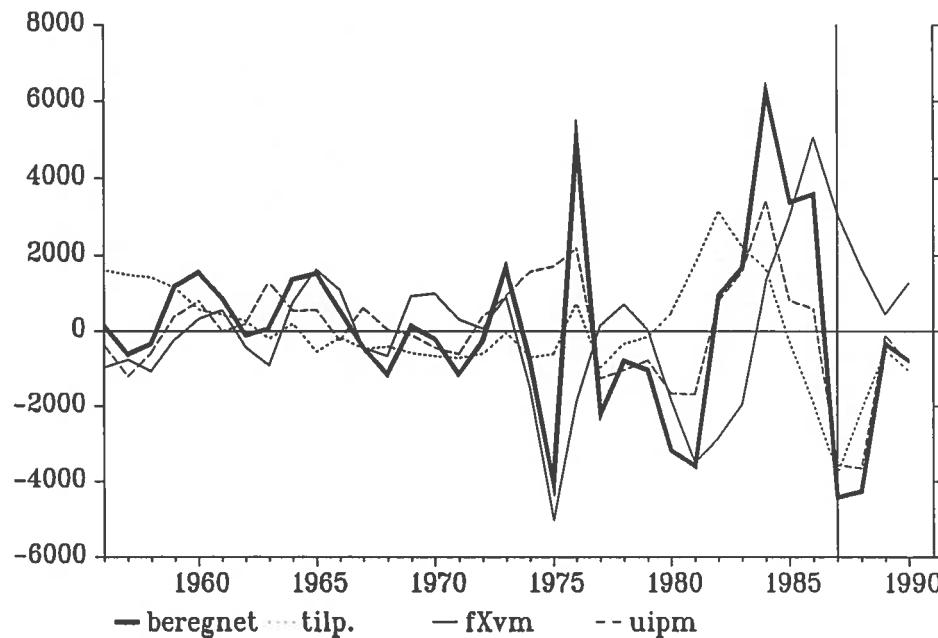


Figur D5. Dekomponering af *uipb*, Nov89-specifikation.

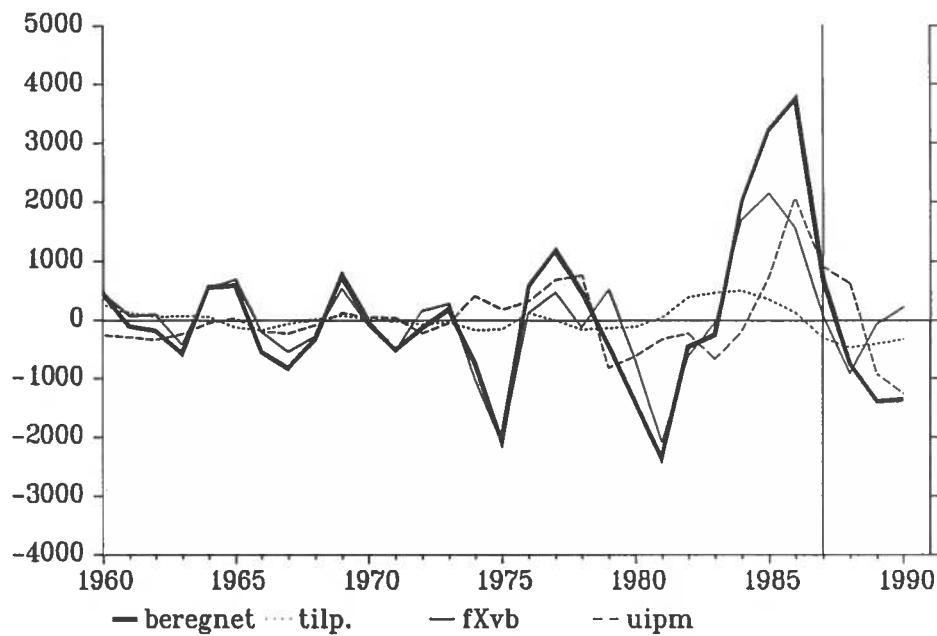


I selve investeringsligningerne indgår reale user-cost multiplikativt med den forventede afsætning, hvilket gør den kvantitative betydning af usercost i estimationsperioden vanskelig at gennemskue. Derfor er begge de foreslæde investeringsligninger dekomponeret i tilpasning, usercost og afsætning.

Figur D6. Dekomponering af *fIpm*-relationen, D76 (=4009.67) udeladt af figuren, mill. kr.



Figur D7. Dekomponering af *fIpb*-relationen, mill. kr.



Appendiks E. Alternativ relation for bygningsinvesteringerne. (0-5), (1-5)

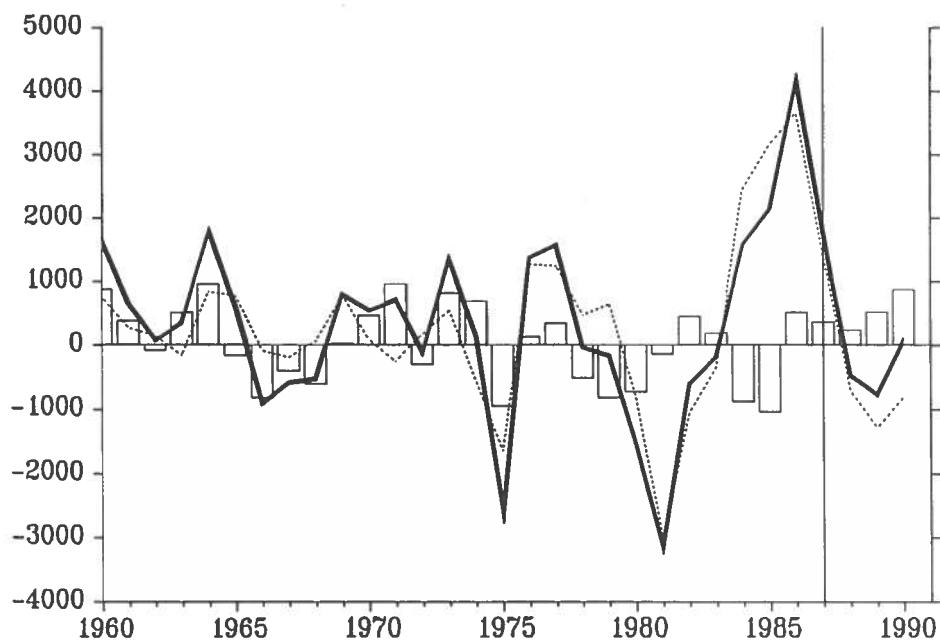
Som nævnt i afsnit 3 kunne der opnås en svag forbedring af forklaringsgraden i bygningsinvesteringerne, hvis lagget i user-cost blev forlænget betydeligt, forudsat, at lagget i inflationsforventningerne blev reduceret til samme niveau som for maskinvesteringer³. Af teoretiske grunde blev det foretrukket at arbejde med så ens lag i user-cost som muligt og længere lag i inflationsforventningerne for bygningsinvesteringer. Resultaterne heraf fremgår i det følgende.

Den estimerede relation er:

$$\begin{aligned} D(fIpb - fIeb) = & .056 \cdot DfXvb + .028 \cdot DfXvb_{-1} \\ & - .131 \cdot D[fXvb \cdot \frac{1}{5} \sum_{i=1}^5 uipb_{-i}] \\ & - .104 \cdot (fIpnb_{-1} - fIeb_{-1}) \end{aligned}$$

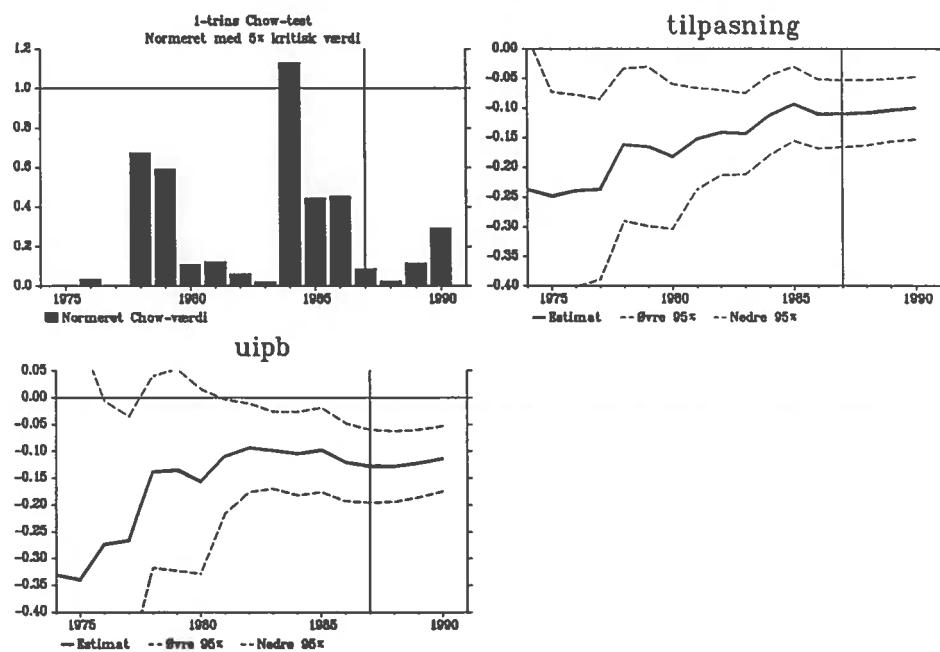
$$N = 1960-87 \quad \overline{R^2} = .803 \quad \hat{\sigma} = 652.93 \quad LM(1) = 2.54$$

Figur E1. Residualplot.



³Den højere forklaringsgrad blev fundet i fasen med uvejede gennemsnit af laggede værdier af user-cost. Med fri estimation med lag i inflationsforventningerne på op til 7 år viste user-cost sig at være stærkt insignifikante for lags større end 3 år, hvilket reproducerer den foretrukne relation.

Figur E2. Rekursiv estimation.



Figur E3. Rekursiv estimation.

